Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Максимов Алексей Борисович
Должность: директор Департамента по образовательной политике
Дата подписания: 29.07.2026 12:44:39
Уникальный программный ключ:
8db180d1a3f02ac9e60521a5672742735c18b1d6

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХ)

Факультет экономики и управления

УТВЕРЖДАЮ
Декан ФЭУ

_____ /А.В. Назаренко/

« 26 » февраля 2026 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Линейная алгебра

Направление подготовки/специальность
38.03.01 Экономика

Профиль/специализация
Экономика предприятий и организаций

Квалификация
Бакалавр

Формы обучения
Очная, Очно-заочная

Москва, 2026 г.

Разработчик:
канд. физ.-мат. наук, доцент  /Р.Г. Идрисов/

Согласовано:
Зав. кафедрой «Математика»,
канд. техн. наук  /О.М. Баранова/

Руководитель образовательной программы
к.э.н., доцент  /А.В. Тенищев/

Содержание

1. Цели, задачи и планируемые результаты обучения по дисциплине 75
2. Место дисциплины в структуре образовательной программы 75
3. Структура и содержание дисциплины.....76
3.1. Виды учебной работы и трудоемкость 76
3.2. Тематический план изучения дисциплины.....76
3.3. Содержание разделов дисциплины 78
4. Учебно-методическое и информационное обеспечение 80
4.1. Нормативные документы и ГОСТы 80
4.2. Основная литература 80
4.3. Дополнительная литература.....80
4.4. Электронные образовательные ресурсы 81
4.5. Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение 81
4.6. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы 81
5. Материально-техническое обеспечение дисциплины 82
6. Методические рекомендации 82
6.1. Методические рекомендации для преподавателя по организации обучения 82
6.2. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины 83
7. Фонд оценочных средств 84
Приложение 1. Тематический план содержания дисциплины..... **Ошибка! Закладка не определена.**
Приложение 2. Фонд оценочных средств .....**Ошибка! Закладка не определена.**
1.Методы контроля и оценивания результатов обучения 84
2. Шкала и критерии оценивания результатов обучения 84
3. Оценочные средства.....85

1. Цели, задачи и планируемые результаты обучения по дисциплине

К основным *целям* освоения дисциплины «Линейная алгебра» следует отнести:

- воспитание у студентов общей математической культуры;
- приобретение студентами широкого круга математических знаний, умений и навыков;
- развитие способности студентов к индуктивному и дедуктивному мышлению наряду с развитием математической интуиции;
- умение студентами развивать навыки самостоятельного изучения учебной и научной литературы, содержащей математические сведения и результаты;
- подготовку студентов к деятельности в соответствии с квалификационной характеристикой бакалавра по направлению, в том числе формирование умений использовать освоенные математические методы в профессиональной деятельности.
- подготовку высококвалифицированных кадров, востребованных в условиях цифровой турбулентности и высоких технологических рисков современной цифровой экономики.

К основным *задачам* освоения дисциплины «Линейная алгебра» следует отнести:

- освоение студентами основных понятий, методов, формирующих общую математическую подготовку, необходимую для успешного решения прикладных задач;
- формирование у студента требуемого набора компетенций, соответствующих его направлению подготовки и обеспечивающих его конкурентоспособность на рынке труда.

Обучение по дисциплине «Линейная алгебра» направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций в соответствии с ФГОС 38.03.01 (уровень бакалавриата) по направлению подготовки 38.03.01 Экономика, утверждённым приказом Минобрнауки России от 12.08.2020 № 954 (с изменениями и дополнениями от 26 ноября 2020 г):

Код и наименование компетенций	Индикаторы достижения компетенции
ОПК-2. Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач;	ИОПК-2.1. Осуществляет сбор, обработку, систематизацию статистической информации, обосновывать выбор источников информации, необходимую для решения экономических задач ИОПК-2.2. Выбирает инструментарий обработки статистического материала, соответствующий содержанию поставленных экономических задач

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к обязательной части блока Б1: Модуль «Математические и естественно-научные дисциплины».

Её изучение обеспечивает изучение дисциплин

В обязательной части:

- математический анализ;
- эконометрика;
- экономическая статистика;
- оценка и анализ рисков.

В части, формируемой участниками образовательных отношений:
- финансовый анализ;
- бизнес-планирование.

3. Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы - 108 часов.

3.1. Виды учебной работы и трудоемкость

3.1.1. Очная форма обучения

№ п/п	Вид учебной работы	Количество часов	Семестр 1
	Аудиторные занятия	48	48
	В том числе:		
1.	Лекции	16	16
2.	Семинарские/практические занятия	32	32
3.	Лабораторные занятия	-	-
	Самостоятельная работа	60	60
	Промежуточная аттестация		
	экзамен	Э	Э
	Итого	108	108

3.1.1. Очно-заочная форма обучения

№ п/п	Вид учебной работы	Количество часов	Семестр 1
	Аудиторные занятия	28	28
	В том числе:		
1.	Лекции	8	8
2.	Семинарские/практические занятия	20	20
3.	Лабораторные занятия	-	-
	Самостоятельная работа	80	80
	Промежуточная аттестация		
	экзамен	Э	Э
	Итого	108	108

3.2. Тематический план изучения дисциплины

(по формам обучения)

3.2.1. Очная форма обучения

№ п/п	Разделы/темы дисциплины	Трудоемкость, час		
		Все го	**Аудиторная работа**	**ятел ьна я**

			Лекции	Семинарские/ практические занятия	Лабораторные занятия	Практическая подготовка	
1	Раздел 1. Введение		2	2			3
1.1	Тема 1.1. Предмет, задачи и содержание дисциплины. Структура курса, его место и роль в подготовке бакалавра, связь с другими дисциплинами		2	2			3
2	Раздел 2. Элементы линейной алгебры		10	22			41
2.1	Тема 2.1. Матрицы и определители		4	8			13
2.2	Тема 2.2. Системы линейных уравнений		6	14			28
3	Раздел 3. Линейное программирование		4	8			16
3.1	Тема 3.1. Общая задача линейного программирования		2	4			8
3.2	Тема 3.2. Постановка и решение задач коммерческой деятельности		2	4			8
Итого			**16**	**32**			**60**

3.2.2. Очно-заочная форма обучения

№ п/п	**Разделы/темы дисциплины**	**Трудоемкость, час**					
		Всего	**Аудиторная работа**				**Самостоятельная работа**
			Лекции	Семинарские/ практические занятия	Лабораторные занятия	Практическая подготовка	
1	Раздел 1. Введение		2				5
1.1	Тема 1.1. Предмет, задачи и содержание дисциплины. Структура курса, его место и роль в подготовке бакалавра, связь с другими дисциплинами		2				5
2	Раздел 2. Элементы линейной алгебры		6	14			63
2.1	Тема 2.1. Матрицы и определители		2	6			21

2.2	Тема 2.2. Системы линейных уравнений		4	8			42
3	Раздел 3. Линейное программирование			6			12
3.1	Тема 3.1. Общая задача линейного программирования			4			6
3.2	Тема 3.2. Постановка и решение задач коммерческой деятельности			2			6
Итого			**8**	**20**			**80**

3.3. Содержание разделов дисциплины

1. Введение

Предмет, задачи и содержание дисциплины. Структура курса, его место и роль в подготовке бакалавра, связь с другими дисциплинами.

2. Элементы линейной алгебры

2.1. Матрицы и определители

Основные сведения о матрицах. Операции над матрицами. Определители квадратных матриц. Свойства определителей. Обратная матрица. Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач.

2.2. Системы линейных уравнений

Общие понятия системы линейных уравнений. Нахождение единственного решения системы. Метод обратной матрицы. Метод с использованием расширенной матрицы. Метод с использованием формул Крамера. Общий подход к решению систем уравнений. Равносильность систем линейных уравнений при элементарных преобразованиях. Метод Гаусса. Теорема Кронекера – Капелли. Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач.

3. Линейное программирование

3.1. Общая задача линейного программирования

Экономико-математические модели, приводящие к задачам линейного программирования. Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач.

3.2. Постановка и решение задач коммерческой деятельности

Оптимизация коммерческой деятельности предприятия. Планирование товарооборота. Производственная задача. Транспортная задача. Задача о назначениях. Построение кольцевых маршрутов. Задача о раскрое (минимизация обрезков). Задача о загрузке контейнера. Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач.

3.4. Тематика практических занятий по дисциплине

3.4.1. Очная форма обучения

№ занятия	Тема занятия
1	Предмет, задачи и содержание дисциплины. Структура курса, его место и роль в подготовке бакалавра, связь с другими дисциплинами
2	Действия с матрицами
3	Определители квадратных матриц

4	Обратная матрица
5	Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач
6	Общие понятия системы линейных уравнений. Нахождение единственного решения системы
7	Методы нахождения решения систем уравнений. Метод обратной матрицы
8	Методы нахождения решения систем уравнений. Метод обратной матрицы
9	Методы нахождения решения систем уравнений. Метод с использованием расширенной матрицы
10	Методы нахождения решения систем уравнений. Метод с использованием формул Крамера
11	Методы нахождения решения систем уравнений. Метод Гаусса
12	Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач
13	Общая задача линейного программирования. Экономико-математические модели, приводящие к задачам линейного программирования.
14	Геометрический метод решения задач линейного программирования
15	Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач
16	Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач

3.4.1. Очно-заочная форма обучения

№ занятия	Тема занятия
1	Предмет, задачи и содержание дисциплины. Структура курса, его место и роль в подготовке бакалавра, связь с другими дисциплинами
2	Действия с матрицами. Определители квадратных матриц. Обратная матрица
3	Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач
4	Общие понятия системы линейных уравнений. Нахождение единственного решения системы
5	Методы нахождения решения систем уравнений. Метод обратной матрицы
6	Методы нахождения решения систем уравнений. Метод с использованием расширенной матрицы
7	Методы нахождения решения систем уравнений. Метод с использованием формул Крамера. Метод Гаусса
8	Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач
9	Общая задача линейного программирования. Экономико-математические модели, приводящие к задачам линейного программирования. Геометрический метод решения задач линейного программирования
10	Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач

4. Учебно-методическое и информационное обеспечение

4.1. Нормативные документы и ГОСТы

1. Приказ Министерства науки и высшего образования РФ от 12 августа 2020 г. № 954 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 38.03.01 Экономика».
2. Академический учебный план по направлению подготовки: 38.03.01 Экономика Профиль: «Экономика организаций и предприятий». Форма обучения – очная. 2026.
3. Академический учебный план по направлению подготовки: 38.03.01 Экономика Профиль: «Экономика организаций и предприятий». Форма обучения – очно-заочная. 2026.
4. Приказ Министерства науки и высшего образования РФ от 6 апреля 2021 г. № 245 «Об утверждении Порядка организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры».
5. Указ Президента Российской Федерации от 01.12.2016 № 642 «Стратегии научно-технологического развития Российской Федерации».
6. Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации от 23.08.2017 № 816 «Об утверждении Порядка применения организациями, осуществляющими образовательную деятельность, электронного обучения, дистанционных образовательных технологий при реализации образовательных программ».

4.2. Основная литература

1. Кремер, Н. Ш. Линейная алгебра: учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер, М. Н. Фридман, И. М. Тришин; под редакцией Н. Ш. Кремера. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. — 422 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08547-1. — Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: https://urait.ru/bcode/510867 (дата обращения: 21.03.2026)
2. Татарников, О. В. Линейная алгебра: учебник и практикум для прикладного бакалавриата / О. В. Татарников, А. С. Чуйко, В. Г. Шершнев; под общей редакцией О. В. Татарникова. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. — 334 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-9916-3568-4. — Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: https://urait.ru/bcode/532507 (дата обращения: 21.03.2026).
3. Татарников, О. В. Линейная алгебра и линейное программирование. Практикум: учебное пособие для вузов / Л. Г. Бирюкова, Р. В. Сагитов; под общей редакцией О. В. Татарникова. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. — 53 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-9916-9800-9. — Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: https://urait.ru/bcode/514082 (дата обращения: 21.03.2026).

4.3. Дополнительная литература

1. Косников, С. Н. Математические методы в экономике: учебное пособие для вузов / С. Н. Косников. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. — 170 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-04098-2. — Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: https://urait.ru/bcode/514178 (дата обращения: 21.03.2026).
2. Фомин, Г. П. Экономико-математические методы и модели в коммерческой деятельности: учебник для бакалавров / Г. П. Фомин. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2021. — 462 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-9916-3021-4. — Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: https://urait.ru/bcode/487904 (дата обращения: 21.03.2026).

4.4. Электронные образовательные ресурсы

Проведение занятий и текущей и промежуточной аттестации возможно в дистанционном формате с применением системы дистанционного обучения университета (СДО-LMS) на основе разработанных кафедрой «Математика» электронного образовательного ресурса (ЭОР) по всем разделам программы.

Название ЭОР	Ссылка
Линейная алгебра	https://online.mospolytech.ru/course/view.php?id=13104

Порядок проведения работ в дистанционном формате устанавливается отдельными распоряжениями проректора по учебной работе и/или центром учебно-методической работы.

Каждый обучающийся обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронным библиотечным системам

Название ЭБС	Ссылка
Электронная библиотека Московского Политеха:	https://online.mospolytech.ru/course/view.php?id=7621&section=1
Электронно-библиотечная система «Издательство Лань»	https://e.lanbook.com
Электронно-библиотечная система IPR SMART	https://www.iprbookshop.ru
Образовательная платформа ЮРАЙТ	https://urait.ru

4.5. Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение

№	Наименование	Разработчик ПО (правообладатель)	Доступность (лицензионное, свободно распространяемое)	Ссылка на Единый реестр российских программ для ЭВМ и БД (при наличии)
1	Astra Linux Common Edition	ООО «Русбитех-Астра»	Лицензионное	https://reestr.digital.gov.ru/reestr/305783/?sphrase_id=954036
2	Мой Офис	ООО «Новые облачные технологии»	Лицензионное	https://reestr.digital.gov.ru/reestr/301558/?sphrase_id=943375
3	Apache OpenOffice	Apache Software Foundation	Свободно распространяемое	-

4.6. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Перечень ресурсов сети Интернет, доступных для освоения дисциплины:

№	Наименование	Ссылка на ресурс	Доступность
Информационно-справочные системы			
	StackOverflow	https://stackoverflow.com/	Доступно в сети Интернет без ограничений
	Mathway. Решение задач по алгебре	https://ru.symbolab.com/	Доступно в сети Интернет без ограничений
Профессиональные базы данных			
	База данных научной электронной библиотеки (eLIBRARY.RU)	http://www.elibrary.ru	Доступно
	WebofScienceCoreCollection – политематическая реферативно-библиографическая и наукометрическая (библиометрическая) база данных	http://webofscience.com	Доступно

5. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Материально – техническая база обеспечивает проведение всех видов занятий, предусмотренных учебным планом и соответствует действующим санитарным и противопожарным правилам и нормам.

Для проведения интерактивных практических занятий используются компьютерные классы с мультимедиа оборудованием (проектор, экран, цифровая доска).

6. Методические рекомендации

6.1. Методические рекомендации для преподавателя по организации обучения

Прежде всего, следует обратить внимание студентов на то, что практически весь изучаемый ими материал не требует какой-либо специальной (дополнительной) подготовки и вполне может быть успешно изучен, если студенты будут посещать занятия, своевременно выполнять домашние задания и пользоваться (при необходимости) системой плановых консультаций в течение каждого семестра. Вошедшие в курс Линейной алгебры разделы являются классическими, в то же время они практически ориентированы, так как имеют широкое распространение для решения прикладных экономических задач. Их освоение поможет студентам логически верно, аргументировано и ясно строить устную и письменную речь, успешно применять накопленные знания в профессиональной деятельности.

Необходимо с самого начала занятий рекомендовать студентам основную и дополнительную литературу, доступе к электронным образовательным ресурсам и библиотечным системам, а в конце семестра дать список вопросов для подготовки к экзамену.

На первом занятии по дисциплине следует обязательно проинформировать студентов о виде и форме промежуточной аттестации по дисциплине, сроках ее проведения, условиях допуска к промежуточной аттестации, применяемых видах промежуточного контроля.

Изложение теоретического материала должно сопровождаться иллюстративными примерами, тщательно отобранными преподавателем так, чтобы технические трудности и выкладки при решении задачи не отвлекали от главного: осмысления идеи и сути применяемых методов. Следует всегда указывать примеры практического применения рассмотренных на занятиях уравнений и формул.

Практические занятия должны быть организованы преподавателем таким образом, чтобы оставалось время на периодическое выполнение студентами небольшой самостоятельной работы в аудитории для проверки усвоения изложенного материала.

Преподаватель, ведущий практические занятия, должен согласовывать учебно-тематический план занятий с лектором, использовать единую систему обозначений.

Преподавателю следует добиваться систематической непрерывной работы студентов в течение семестра, необходимо выявлять сильных студентов и привлекать их к научной работе, к участию в разного рода олимпиадах и конкурсах.

Студент должен ощущать заинтересованность преподавателя в достижении конечного результата: в приобретении обучающимися прочных знаний, умений и владения накопленной информацией для решения задач в профессиональной деятельности.

6.1.1. Образовательные технологии

Возможно проведение занятий и аттестаций в дистанционном формате с применением системы дистанционного обучения университета (СДО-LMS) на основе разработанных кафедрой «Математика» электронных образовательных ресурсов (ЭОР) (см. п.4.4). Порядок проведения работ в дистанционном формате устанавливается отдельными распоряжениями проректора по учебной работе и/или центром учебно-методической работы.

6.2. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Матрицы и определители. Прежде всего, студент должен понять, что матрица – это таблица чисел (причем эта таблица может иметь одинаковое число строк и столбцов, а может быть и прямоугольной), а определитель- это число, записываемое в виде квадратной таблицы, то есть определители существуют только у квадратных матриц.

Следует обратить особое внимание на операцию умножения прямоугольных матриц и понять, каким получается порядок матрицы – произведения. Особенность матриц также состоит в том, что произведение матриц не перестановочно, то есть $AB \neq BA$.Следует обязательно убедиться в этом, решив соответствующие задачи.

Важным является понятие обратной матрицы. Надо знать условие существования обратной матрицы и алгоритм ее построения. После ее вычисления целесообразно делать проверку правильности решения, выполнив операцию умножения $A^{-1}A = E$ (должна получиться единичная матрица)

При изучении определителей надо четко усвоить понятия минора, алгебраического дополнения, знать многочисленные свойства определителя. Для освоения техники вычисления определителей целесообразно, выбрав произвольный определитель выше третьего порядка, раскрыть его различными способами, применяя разложение и по строкам и по столбцам. Обратите внимание, какие строки (столбцы) предпочтительнее выбирать для раскрытия определителя, чтобы упростить его вычисление. Особенно эффективно вычисление определителя с помощью элементарных преобразований, приводящих его к треугольному виду.

При изучении решений **систем линейных алгебраических уравнений** (СЛАУ) обратите внимание, прежде всего, на понятие решения системы и условия существования решений в зависимости от соотношения между рангом матрицы, рангом расширенной матрицы системы и числом неизвестных и уравнений. Обратите внимание на условия применения формул Крамера и метода обратной матрицы. Внимательно разберите приме-

ры решения произвольных систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса (введение базисных и свободных переменных).

Изучение раздела **Линейное программирование** требует знаний и умений решения задач из предыдущих освоенных разделов. Необходимо обратить внимание на взаимосвязь между матрицами, действиями над ними и системами линейных алгебраических уравнений в решении нового типа задач. При решении задач с применением Microsoft Excel следует особое внимание обратить на освоение соответствующих вспомогательных процедур – установка, правильное заполнение параметров, указание ссылок на ячейки и т.д.

Отметим в заключение, что успешное изучение дисциплины «Линейная алгебра», приобретение необходимых компетенций, умений и навыков владения математическим аппаратом требует от студентов большой самостоятельной работы. Обратите внимание, что количество часов, отводимых на самостоятельную работу в соответствии с учебным планом, больше числа часов, отводимых на все виды аудиторных занятий.

7. Фонд оценочных средств

1.Методы контроля и оценивания результатов обучения

Для контроля успеваемости и качества освоения дисциплины настоящей программой предусмотрены следующие виды контроля:

- контроль текущей успеваемости (текущий контроль);
- промежуточная аттестация (экзамен).

2. Шкала и критерии оценивания результатов обучения

Форма промежуточной аттестации: экзамен

Промежуточная аттестация обучающихся в форме экзамена проводится по результатам выполнения всех видов учебной работы, предусмотренных учебным планом по данной дисциплине, при этом учитываются результаты текущего контроля успеваемости в течение семестра. Оценка степени достижения обучающимися планируемых результатов обучения по дисциплине проводится преподавателем, ведущим занятия по дисциплине методом экспертной оценки. По итогам промежуточной аттестации по дисциплине выставляется оценка «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

Шкала оценивания	Описание
Отлично	Выполнены все обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации, предусмотренные программой дисциплины. Студент демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков показателям, приведенным в таблицах, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками, применяет их в ситуациях повышенной сложности. При этом могут быть допущены незначительные ошибки, неточности, затруднения при переносе знаний и умений на новые, нестандартные задачи.

Хорошо	Выполнены все обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации, предусмотренные программой дисциплины. Студент демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков показателям, приведенным в таблицах, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками. В то же время при ответе допускает несущественные погрешности, задачи решает с недочетами, не влияющими на общий ход решения.
Удовлетворительно	Выполнены все обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации, предусмотренные программой дисциплины. Студент демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков показателям, приведенным в таблицах, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками. Но показывает неглубокие знания, при ответе не допускает грубых ошибок или противоречий, однако в формулировании ответа отсутствует должная связь между анализом, аргументацией и выводами, в решении задач могут содержаться грубые ошибки. Для получения правильного ответа требуются уточняющие вопросы.
Неудовлетворительно	Не выполнены обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации, предусмотренные программой дисциплины, ИЛИ студент демонстрирует неполное соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах, допускаются значительные ошибки, проявляется отсутствие знаний, умений, навыков по ряду показателей, студент испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями.

3. Оценочные средства

№ п/п	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в ФОС
1	Контрольная (самостоятельная) работа (КР)	Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу	Контрольные задания (пример)
2	Расчетно-графическая работа (РГР)	Средство проверки умений применять полученные знания по заранее определенной методике для решения задач или заданий по модулю или дисциплине в целом.	Комплект заданий для выполнения расчетно-графической работы
3	Устный опрос собеседование, (УО)	Средство контроля, организованное как специальная беседа педагогического работника с обучающимся на темы, связанные с изучаемой дисциплиной, и рассчитанное на выяснение объема знаний, обучающегося по определенному разде-	Вопросы по темам/разделам дисциплины

		лу, теме, проблеме и т.п.	

3.1.Текущий контроль

Оценочные средства текущего контроля успеваемости включают контрольные вопросы и задания для контроля освоения обучающимися разделов дисциплины, прием РГР.

Содержание расчетно-графической работы.

Расчетно-графическая работа №1
Матрицы и определители. Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач.

Расчетно-графическая работа №2
Решение систем линейных алгебраических уравнений методами Гаусса, Крамера и обратной матрицы. Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач.

Расчетно-графическая работа №3
Решение задач линейного программирования графическим методом. Задачи с экономическим содержанием. Применение Microsoft Excel в решении задач.

Комплект заданий
для выполнения расчетно-графических работ (РГР)
по дисциплине **«Линейная алгебра»**

Расчетно-графическая работа №1

I. Вычислить:
1. матрицу $2A - 3B$;
2. произведение матриц AB и BA. Выяснить, являются ли данные матрицы перестановочными;
3. определитель матрицы A;
4. матрицу, обратную B. Выполнить проверку.

II. Выполнить указанные выше вычисления в Microsoft Excel.

1.1 $A=\begin{pmatrix}2&2&5\\4&3&4\\3&3&6\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2&3&3\\1&-1&1\\1&-2&-1\end{pmatrix}$

1.2 $A=\begin{pmatrix}5&3&-7\\-1&6&-3\\2&-2&1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}4&-1&3\\4&-2&-6\\2&0&3\end{pmatrix}$

1.3 $A=\begin{pmatrix}1&-3&2\\3&-4&1\\2&-5&3\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2&5&6\\1&2&5\\1&3&2\end{pmatrix}$

1.4 $A=\begin{pmatrix}5&8&-4\\6&9&-5\\4&7&-3\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}3&2&5\\4&-1&3\\9&6&5\end{pmatrix}$

1.5 $A=\begin{pmatrix}3&5&-2\\1&-3&2\\6&7&-3\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}3&0&2\\2&1&1\\5&-1&3\end{pmatrix}$

1.6 $A=\begin{pmatrix}2&1&3\\1&0&2\\1&0&4\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}1&1&-1\\-2&3&2\\2&-2&1\end{pmatrix}$

1.7 $A=\begin{pmatrix}0&2&-1\\-2&-1&2\\3&-2&-1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}6&5&4\\3&-2&1\\1&2&-1\end{pmatrix}$

1.8 $A=\begin{pmatrix}2&-1&-3\\8&-7&-6\\-3&4&2\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2&-1&-2\\3&-5&4\\1&2&1\end{pmatrix}$

1.9 $A=\begin{pmatrix}3&5&-6\\2&4&3\\-3&1&1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2&8&-5\\-3&-1&0\\4&5&-3\end{pmatrix}$

1.10 $A=\begin{pmatrix}2&1&-1\\2&-1&1\\1&0&1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}3&6&0\\2&4&-6\\1&-2&3\end{pmatrix}$

1.11 $A=\begin{pmatrix}-6&1&11\\9&2&5\\0&3&7\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}3&0&1\\0&2&7\\1&-3&2\end{pmatrix}$

1.12 $A=\begin{pmatrix}3&1&2\\-1&0&2\\1&2&1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}0&-1&2\\2&1&1\\3&7&1\end{pmatrix}$

1.13 $A=\begin{pmatrix}2&3&2\\1&3&-1\\4&1&3\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}3&2&-1\\3&1&2\\5&3&0\end{pmatrix}$

1.14 $A=\begin{pmatrix}6&7&3\\3&1&0\\2&2&1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2&0&5\\4&-1&-2\\4&3&7\end{pmatrix}$

1.15 $A=\begin{pmatrix}-2 & 3 & 4\\ 3 & -1 & -4\\ -1 & 2 & 2\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}3 & 3 & 1\\ 0 & 6 & 2\\ 1 & 9 & 2\end{pmatrix}$

1.16 $A=\begin{pmatrix}1 & 7 & 3\\ -4 & 9 & 4\\ 0 & 3 & 2\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}6 & 5 & 2\\ 1 & 9 & 2\\ 4 & 5 & 2\end{pmatrix}$

1.17 $A=\begin{pmatrix}2 & 6 & 1\\ 1 & 3 & 2\\ 0 & 1 & 1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}4 & -3 & 2\\ -4 & 0 & 5\\ 3 & 2 & -3\end{pmatrix}$

1.18 $A=\begin{pmatrix}6 & 9 & 4\\ -1 & -1 & 1\\ 10 & 1 & 7\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}1 & 1 & 1\\ 3 & 4 & 3\\ 0 & 5 & 2\end{pmatrix}$

1.19 $A=\begin{pmatrix}1 & 0 & 3\\ 3 & 1 & 7\\ 2 & 1 & 8\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}3 & 5 & 4\\ -3 & 0 & 1\\ 5 & 6 & -4\end{pmatrix}$

1.20 $A=\begin{pmatrix}5 & 1 & -2\\ 1 & 3 & -1\\ 8 & 4 & -1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}3 & 5 & 5\\ 7 & 1 & 2\\ 1 & 6 & 0\end{pmatrix}$

1.21 $A=\begin{pmatrix}2 & 2 & 5\\ 3 & 3 & 6\\ 4 & 3 & 4\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}1 & -1 & 1\\ 2 & 3 & 3\\ 1 & -2 & -1\end{pmatrix}$

1.22 $A=\begin{pmatrix}8 & 5 & -1\\ 1 & 5 & 3\\ 1 & 1 & 0\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}4 & -7 & -6\\ 3 & 2 & -1\\ 0 & 1 & 2\end{pmatrix}$

1.23 $A=\begin{pmatrix}1 & 1 & -1\\ 2 & -4 & 1\\ 4 & -3 & 1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}1 & 0 & -4\\ 2 & 5 & -3\\ 4 & -3 & 2\end{pmatrix}$

1.24 $A=\begin{pmatrix}5 & -8 & -4\\ 7 & 0 & -5\\ 4 & 1 & 0\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}1 & 5 & 5\\ 1 & 2 & 1\\ 2 & -1 & -3\end{pmatrix}$

1.25 $A=\begin{pmatrix}2 & 2 & 3\\ 1 & -1 & 0\\ -1 & 2 & 1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}4 & 2 & -1\\ 5 & 3 & -2\\ 3 & 2 & -1\end{pmatrix}$

1.26 $A=\begin{pmatrix}4 & 2 & 3\\ 1 & 1 & 0\\ 3 & 2 & 2\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}1 & 2 & -3\\ 3 & 2 & -4\\ 2 & -1 & 0\end{pmatrix}$

1.27 $A=\begin{pmatrix}2 & 1 & 1\\ 4 & 6 & 5\\ 3 & 5 & 4\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2 & 2 & 7\\ -3 & -2 & 5\\ 4 & 3 & -1\end{pmatrix}$

1.28 $A=\begin{pmatrix}2 & 3 & 4\\ 1 & 2 & 3\\ 1 & 3 & 6\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}6 & -3 & 4\\ 4 & 4 & -3\\ 1 & -4 & 4\end{pmatrix}$

1.29 $A=\begin{pmatrix}1 & 0 & 1\\ 0 & 1 & 2\\ 1 & 2 & 4\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}3 & 4 & 4\\ -2 & 4 & 3\\ 4 & 5 & 5\end{pmatrix}$

1.30 $A=\begin{pmatrix}3 & 3 & 2\\ 4 & 3 & 2\\ 2 & 2 & 1\end{pmatrix}$, $B=\begin{pmatrix}2 & 3 & 2\\ 2 & 4 & 1\\ 3 & 2 & 6\end{pmatrix}$

III. Решить задачу, выбрав в качестве N свой порядковый номер в таблице.

Данные о производстве одежды 6 видов (платья, туники, брюки, юбки, жилеты, блузы) на четырех швейных фабриках за 2006, 2007 и 2008 г.г. приведены в виде матриц A_{2006}, A_{2007} и A_{2008}. Найти: а) объемы продукции, выпущенной за три года; б) прирост объемов производства в 2008 году по сравнению с 2007 годом по видам продукции и фермерским хозяйствам; в) матрицу среднегодового производства продуктов. Составить план производства продукции на 2009 год, если планируется выпускать продукции на (0,12N+0,55) % больше, чем в 2008 году. Пояснить экономический смысл элементов полученных матриц.

$$A_{2006}=\begin{pmatrix} 21N+1789 & 96N+2901 & 16N+4767 & 38N+2890 & 45N+2398 & 20N+3200 \\ 35N+1364 & 65N+3135 & 94N+5632 & 46N+1300 & 52N+4310 & 55N+3256 \\ 18N+1700 & 42N+2348 & 74N+4756 & 51N+3400 & 54N+2187 & 34N+2178 \\ 86N+1480 & 32N+2570 & 90N+4663 & 64N+4300 & 23N+7643 & 45N+4290 \end{pmatrix}$$

$$A_{2007}=\begin{pmatrix} 25N+1709 & 96N+3910 & 26N+2766 & 39N+1890 & 45N+2698 & 25N+3200 \\ 25N+1245 & 65N+5135 & 92N+3632 & 56N+1112 & 52N+4670 & 65N+3256 \\ 19N+1789 & 42N+1347 & 79N+4754 & 41N+6400 & 54N+3870 & 44N+2178 \\ 96N+1452 & 32N+3572 & 91N+3663 & 67N+4100 & 23N+6431 & 55N+4290 \end{pmatrix}$$

$$A_{2008}=\begin{pmatrix} 29N+1719 & 86N+4830 & 27N+2897 & 43N+1891 & 51N+2698 & 27N+3200 \\ 24N+3245 & 74N+4135 & 82N+6327 & 58N+1000 & 53N+4670 & 66N+1257 \\ 34N+1789 & 43N+1347 & 78N+7542 & 43N+6004 & 52N+6870 & 45N+2000 \\ 86N+3452 & 35N+2257 & 92N+3663 & 68N+4145 & 25N+6431 & 56N+2156 \end{pmatrix}$$

IV. Ответить на вопросы и обосновать:

1. В каком месте матрицы $A=(a_{ij})$ расположен элемент a_{52}?
2. Может ли матрица состоять из одного столбца?
3. Могут ли быть равными квадратные матрицы, одна из которых третьего, а вторая четвертого порядка?
4. Можно ли найти сумму двух матриц, одна из которых размера 3×4, а вторая – 4×3?
5. Существует ли произведение матриц $A_{3\times4}\cdot B_{4\times2}$? $A_{4\times2}\cdot B_{3\times4}$?
6. Если матрицы A и B можно умножить, следует ли из этого, что их можно сложить? А обратно?
7. Можно ли найти произведение двух матриц одна из которых квадратная, а другая – нет?
8. Если $A\cdot B$ и $B\cdot A$ существуют, то можно ли утверждать, что это матрицы одного размера?
9. Может ли произведение двух ненулевых матриц быть нулевой матрицей?
10. Могут ли совпадать матрицы A и A^T?
11. Чем отличается минор M_{54} от алгебраического дополнения A_{54} ?
12. Чему равен определитель треугольной матрицы?

Расчетно-графическая работа №2

I. Найдите решение системы линейных уравнений методом Крамера и методом обратной матрицы.

№	Задача	№	Задача
1.	$\begin{cases}2x_1+x_2+3x_3=0,\\3x_1+3x_2+10x_3=-4,\\3x_1-2x_2-8x_3=9.\end{cases}$	2.	$\begin{cases}3x_1+x_2+2x_3=6,\\9x_1+4x_2+9x_3=22,\\4x_1-2x_2-7x_3=-5.\end{cases}$
3.	$\begin{cases}4x_1+x_2+3x_3=5,\\8x_1+3x_2+10x_3=11,\\9x_1-2x_2-10x_3=7.\end{cases}$	4.	$\begin{cases}3x_1+x_2+4x_3=2,\\6x_1+3x_2+13x_3=3,\\-2x_1-2x_2-9x_3=0.\end{cases}$
5.	$\begin{cases}2x_1+x_2-3x_3=-2,\\7x_1+4x_2-11x_3=-8,\\-4x_1-3x_2+8x_3=7.\end{cases}$	6.	$\begin{cases}3x_1+x_2-4x_3=6,\\6x_1+3x_2-11x_3=14,\\x_1+2x_2+6x_3=-7.\end{cases}$
7.	$\begin{cases}4x_1+x_2-4x_3=0,\\15x_1+4x_2-15x_3=0,\\-8x_1-3x_2+9x_3=1.\end{cases}$	8.	$\begin{cases}2x_1+x_2-3x_3=5,\\2x_1+3x_2-8x_3=10,\\-x_1-3x_2+8x_3=-9.\end{cases}$
9.	$\begin{cases}3x_1+x_2+3x_3=-2,\\11x_1+4x_2+13x_3=-9,\\-2x_1-2x_2-9x_3=7.\end{cases}$	10.	$\begin{cases}2x_1+x_2-4x_3=-3,\\4x_1+3x_2-11x_3=-8,\\3x_1-3x_2+8x_3=5.\end{cases}$
11.	$\begin{cases}3x_1+x_2-3x_3=6,\\11x_1+4x_2-11x_3=22,\\-4x_1-2x_2+5x_3=-9.\end{cases}$	12.	$\begin{cases}4x_1+x_2-4x_3=0,\\11x_1+3x_2-11x_3=0,\\-9x_1-3x_2+10x_3=1.\end{cases}$
13.	$\begin{cases}3x_1+x_2-3x_3=-5,\\8x_1+4x_2-11x_3=-18,\\-x_1-2x_2+5x_3=8.\end{cases}$	14.	$\begin{cases}2x_1+x_2+4x_3=-7,\\5x_1+3x_2+13x_3=-23,\\-4x_1-3x_2-13x_3=23.\end{cases}$
15.	$\begin{cases}3x_1+x_2-3x_3=5,\\10x_1+4x_2-11x_3=16,\\-x_1-2x_2+4x_3=0.\end{cases}$	16.	$\begin{cases}4x_1+x_2-3x_3=-11,\\8x_1+3x_2-8x_3=-24,\\-7x_1-3x_2+8x_3=22.\end{cases}$
17.	$\begin{cases}2x_1+x_2-4x_3=-9,\\7x_1+4x_2-15x_3=-33,\\-x_1-2x_2+6x_3=10.\end{cases}$	18.	$\begin{cases}4x_1+x_2-3x_3=-6,\\8x_1+3x_2-8x_3=-11,\\5x_1-3x_2+5x_3=-12.\end{cases}$
19.	$\begin{cases}3x_1+x_2+4x_3=3,\\11x_1+4x_2+17x_3=14,\\-3x_1-2x_2-10x_3=-11.\end{cases}$	20.	$\begin{cases}2x_1+x_2-4x_3=-4,\\11x_1+4x_2+17x_3=20,\\-3x_1-2x_2-10x_3=-9.\end{cases}$
21.	$\begin{cases}3x_1+x_2-4x_3=-5,\\11x_1+4x_2-15x_3=-19,\\-6x_1-3x_2+10x_3=14.\end{cases}$	22.	$\begin{cases}4x_1+x_2-3x_3=10,\\10x_1+3x_2-8x_3=26,\\-9x_1-3x_2+8x_3=-25.\end{cases}$
23.	$\begin{cases}2x_1+x_2-3x_3=4,\\6x_1+4x_2-11x_3=14,\\5x_1-2x_2+2x_3=1.\end{cases}$	24.	$\begin{cases}4x_1+x_2-3x_3=9,\\11x_1+3x_2-8x_3=25,\\-10x_1-3x_2+8x_3=-23.\end{cases}$

II. Решить системы линейных уравнений методом Крамера и методом обратной матрицы с помощью Microsoft Excel.

III. Найдите решение системы линейных уравнений методом Гаусса.

№	Задача	№	Задача
1	$\begin{cases}2x_1+3x_2+x_3+3x_4=9,\\3x_1+10x_2+3x_3+2x_4=18,\\3x_1-8x_2-2x_3+3x_4=-4,\\-x_1-25x_2-7x_3+2x_4=-31.\end{cases}$	2	$\begin{cases}3x_1+2x_2+x_3+4x_4=2,\\5x_1+7x_2+3x_3+2x_4=13,\\-8x_2-3x_3+4x_4=-15,\\-7x_1-20x_2-8x_3+4x_4=-39.\end{cases}$
3	$\begin{cases}2x_1+2x_2+x_3+3x_4=6,\\6x_1+9x_2+4x_3+x_4=12,\\3x_1-7x_2-2x_3+3x_4=1,\\-7x_1-23x_2-9x_3+4x_4=-17.\end{cases}$	4	$\begin{cases}3x_1+3x_2+x_3-2x_4=7,\\10x_1+13x_2+4x_3-3x_4=22,\\-2x_1-12x_2-3x_3-2x_4=-9,\\-19x_1-35x_2-10x_3+2x_4=-46.\end{cases}$
5	$\begin{cases}3x_1+4x_2+x_3-x_4=-1,\\4x_1+9x_2+2x_3-2x_4=-5,\\-x_1-10x_2-2x_3-3x_4=4,\\-6x_1-24x_2-5x_3=13.\end{cases}$	6	$\begin{cases}4x_1+2x_2+x_3=1,\\5x_1+5x_2+2x_3-x_4=-3,\\-2x_1-9x_2-3x_3+2x_4=12,\\-8x_1-17x_2-6x_3+4x_4=19.\end{cases}$
7	$\begin{cases}4x_1+4x_2+x_3+2x_4=-1,\\6x_1+9x_2+2x_3+3x_4=-4,\\-3x_1-10x_2-2x_3+2x_4=3,\\-11x_1-24x_2-5x_3-2x_4=10.\end{cases}$	8	$\begin{cases}3x_1+4x_2+x_3+4x_4=-6,\\4x_1+9x_2+2x_3+2x_4=-9,\\-2x_1-15x_2-3x_3+4x_4=12,\\-7x_1-29x_2-6x_3+4x_4=24.\end{cases}$
9	$\begin{cases}4x_1+3x_2+x_3+3x_4=3,\\5x_1+7x_2+2x_3+x_4=5,\\-x_1-8x_2-2x_3+3x_4=-6,\\-7x_1-19x_2-5x_3+4x_4=-13.\end{cases}$	10	$\begin{cases}2x_1+5x_2+x_3+3x_4=1,\\2x_1+11x_2+2x_3-2x_4=13,\\-x_1-17x_2-3x_3+3x_4=-22,\\-3x_1-34x_2-6x_3+10x_4=-47.\end{cases}$
11	$\begin{cases}5x_1+2x_2+x_3+2x_4=-2,\\7x_1+5x_2+2x_3+2x_4=-2,\\-3x_1-6x_2-2x_3+2x_4=1,\\-12x_1-14x_2-5x_3=3.\end{cases}$	12	$\begin{cases}3x_1+5x_2+x_3+3x_4=-2,\\2x_1+11x_2+2x_3+2x_4=5,\\-17x_2-3x_3+3x_4=-17,\\-x_1-34x_2-6x_3+2x_4=-29.\end{cases}$
13	$\begin{cases}5x_1+3x_2+x_3-3x_4=-10,\\7x_1+7x_2+2x_3-2x_4=-14,\\-3x_1-8x_2-2x_3-3x_4=6,\\-12x_1-19x_2-5x_3-2x_4=24.\end{cases}$	14	$\begin{cases}4x_1+5x_2+x_3+2x_4=-10,\\6x_1+11x_2+2x_3-x_4=-14,\\-5x_1-18x_2-3x_3+2x_4=18,\\-13x_1-35x_2-6x_3+6x_4=36.\end{cases}$
15	$\begin{cases}5x_1+4x_2+x_3-2x_4=-12,\\8x_1+9x_2+2x_3-2x_4=-21,\\-5x_1-10x_2-2x_3+3x_4=20,\\-16x_1-24x_2-5x_3+5x_4=50.\end{cases}$	16	$\begin{cases}5x_1+5x_2+x_3+3x_4=-14,\\8x_1+11x_2+2x_3+2x_4=-23,\\-8x_1-18x_2-3x_3+3x_4=26,\\-19x_1-35x_2-6x_3+2x_4=58.\end{cases}$
17	$\begin{cases}2x_1+3x_2+x_3+4x_4=12,\\2x_1+7x_2+2x_3+3x_4=16,\\-x_1-11x_2-3x_3+4x_4=-12,\\-3x_1-22x_2-6x_3+2x_4=-32.\end{cases}$	18	$\begin{cases}3x_1+2x_2+x_3+3x_4=11,\\4x_1+5x_2+2x_3+2x_4=18,\\-2x_1-9x_2-3x_3+3x_4=-20,\\-7x_1-17x_2-6x_3+2x_4=-45.\end{cases}$
19	$\begin{cases}2x_1+4x_2+x_3-x_4=7,\\2x_1+9x_2+2x_3-2x_4=13,\\5x_1-12x_2-2x_3+3x_4=-8,\\3x_1-26x_2-5x_3+6x_4=-27.\end{cases}$	20	$\begin{cases}4x_1+2x_2+x_3-2x_4=3,\\5x_1+5x_2+2x_3-2x_4=8,\\-2x_1-9x_2-3x_3+3x_4=-8,\\-8x_1-17x_2-6x_3+5x_4=-21.\end{cases}$
21	$\begin{cases}4x_1+4x_2+x_3+3x_4=0,\\6x_1+9x_2+2x_3+x_4=0,\\-3x_1-10x_2-2x_3+2x_4=-4,\\-11x_1-24x_2-5x_3+3x_4=-4.\end{cases}$	22	$\begin{cases}3x_1+4x_2+x_3+2x_4=-2,\\3x_1+9x_2+2x_3+2x_4=-11,\\-2x_1-14x_2-3x_3-3x_4=20,\\-5x_1-28x_2-6x_3-5x_4=40.\end{cases}$
23	$\begin{cases}4x_1+3x_2+x_3-2x_4=3,\\6x_1+7x_2+2x_3-3x_4=6,\\-x_1-9x_2-2x_3+3x_4=-3,\\-9x_1-20x_2-5x_3+7x_4=-12.\end{cases}$	24	$\begin{cases}5x_1+4x_2+x_3-x_4=12,\\8x_1+9x_2+2x_3-2x_4=23,\\-8x_1-15x_2-3x_3+3x_4=-32,\\-19x_1-29x_2-6x_3+6x_4=-66.\end{cases}$

IV. Решить задачу любым удобным способом.

Фермер вложил в прошлом году в зерноводство, животноводство и овощеводство всего 0,9·N+0,5 миллиона денежных единиц и получил 0,069·N+0,043 миллиона денежных единиц прибыли. В текущем году он собирается увеличить вложения в животноводство в 3 раза, в овощеводство в 2 раза, а вложения в зерноводство оставить на прежнем уровне. На все это фермер выделяет 1,7·N+1,1 миллиона денежных единиц. Какую прибыль собирается получить фермер в текущем году, если зерноводство приносит 5% прибыли на вложенные средства, овощеводство 8% и животноводство 11%?

Для каждого варианта N номер, указанный в таблице.

Расчетно-графическая работа №3

I. Решите задачу линейного программирования с двумя переменными графическим методом

1. $Z = 3x_1 - 2x_2 \to min,$ $\begin{cases} 3x_1 + x_2 \geq 4, \\ 2x_1 + 7x_2 \leq 47, \\ -7x_1 + 4x_2 \geq -22, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	2. $Z = 5x_1 - 4x_2 \to max,$ $\begin{cases} 9x_1 + 5x_2 \geq 12, \\ x_1 + 3x_2 \leq 16, \\ -3x_1 + 2x_2 \geq -15, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	3. $Z = -5x_1 + 2x_2 \to min,$ $\begin{cases} 10x_1 + 7x_2 \geq 26, \\ 4x_1 + 9x_2 \leq 60, \\ -3x_1 + x_2 \geq -14, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$
4. $Z = x_1 + 2x_2 \to max,$ $\begin{cases} 7x_1 + 4x_2 \geq 17, \\ x_1 + 3x_2 \leq 17, \\ -4x_1 + 5x_2 \geq -17, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	5. $Z = -5x_1 - 4x_2 \to min,$ $\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 \geq 8, \\ 2x_1 + 9x_2 \leq 59, \\ -7x_1 + 3x_2 \geq -34, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	6. $Z = x_1 - 2x_2 \to max,$ $\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 \geq 3, \\ 3x_1 + 11x_2 \leq 57, \\ -6x_1 + 5x_2 \geq -33, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$
7. $Z = -5x_1 - 4x_2 \to min,$ $\begin{cases} 3x_1 + x_2 \geq 5, \\ 4x_1 + 7x_2 \leq 52, \\ -5x_1 + 4x_2 \geq -14, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	8. $Z = -3x_1 - 2x_2 \to max,$ $\begin{cases} 4x_1 + 3x_2 \geq 10, \\ 3x_1 + 10x_2 \leq 54, \\ -5x_1 + 4x_2 \geq -28, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	9. $Z = 5x_1 + 3x_2 \to min,$ $\begin{cases} 4x_1 + 3x_2 \geq 9, \\ 2x_1 + 5x_2 \leq 29, \\ -x_1 + x_2 \geq -4, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$
10. $Z = 3x_1 + 5x_2 \to max$ $\begin{cases} 3x_1 + x_2 \geq 3, \\ 3x_1 + 7x_2 \leq 39, \\ -3x_1 + 2x_2 \geq -12, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	11. $Z = x_1 + 6x_2 \to min,$ $\begin{cases} 4x_1 + 3x_2 \geq 9, \\ 3x_1 + 11x_2 \leq 68, \\ -x_1 + x_2 \geq -4, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	12. $Z = 3x_1 + 2x_2 \to max,$ $\begin{cases} 4x_1 + 3x_2 \geq 10, \\ x_1 + 8x_2 \leq 46, \\ -7x_1 + 2x_2 \geq -32, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$
13. $Z = 5x_1 + 6x_2 \to min,$ $\begin{cases} 3x_1 + x_2 \geq 4, \\ 4x_1 + 9x_2 \leq 59, \\ -5x_1 + 6x_2 \geq -22, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	14. $Z = 5x_1 - 6x_2 \to min$ $\begin{cases} 7x_1 + 6x_2 \geq 15, \\ x_1 + 5x_2 \leq 27, \\ -5x_1 + 4x_2 \geq -19, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	15. $Z = 5x_1 + 6x_2 \to max,$ $\begin{cases} 11x_1 + 6x_2 \geq 26, \\ x_1 + 2x_2 \leq 14, \\ -3x_1 + 2x_2 \geq -18, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$
16. $Z = -x_1 - 2x_2 \to min,$ $\begin{cases} 2x_1 + x_2 \geq 5, \\ 4x_1 + 7x_2 \leq 45, \\ -4x_1 + 3x_2 \geq -15, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	17. $Z = 3x_1 - 4x_2 \to max,$ $\begin{cases} 8x_1 + 5x_2 \geq 6, \\ x_1 + 5x_2 \leq 27, \\ -6x_1 + 5x_2 \geq -22, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$	18. $Z = 3x_1 + 2x_2 \to min$ $\begin{cases} 9x_1 + 5x_2 \geq 22, \\ 2x_1 + 5x_2 \leq 36, \\ -x_1 + x_2 \geq -4, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

19. $Z = 3x_1 + 3x_2 \to max$, $\begin{cases} 8x_1 + 5x_2 \geq 22, \\ x_1 + 8x_2 \leq 47, \\ -7x_1 + 3x_2 \geq -34, \end{cases}$ $x_1 \geq 0, x_2 \geq 0.$	20. $Z = -x_1 - x_2 \to min$, $\begin{cases} 2x_1 + x_2 \geq 1, \\ 4x_1 + 9x_2 \leq 51, \\ -3x_1 + 2x_2 \geq -12, \end{cases}$ $x_1 \geq 0, x_2 \geq 0.$	21. $Z = 3x_1 + x_2 \to max$, $\begin{cases} 7x_1 + 6x_2 \geq 22, \\ -x_1 + 9x_2 \leq 56, \\ -8x_1 + 3x_2 \geq -35, \end{cases}$ $x_1 \geq 0, x_2 \geq 0.$
22. $Z = -x_1 - 6x_2 \to min$, $\begin{cases} 2x_1 + x_2 \geq 6, \\ 4x_1 + 9x_2 \leq 68, \\ -3x_1 + 2x_2 \geq -16, \end{cases}$ $x_1 \geq 0, x_2 \geq 0.$	23. $Z = 2x_1 + 5x_2 \to max$, $\begin{cases} 7x_1 + 6x_2 \geq 15, \\ x_1 + 3x_2 \leq 15, \\ -4x_1 + 3x_2 \geq -15, \end{cases}$ $x_1 \geq 0, x_2 \geq 0.$	24. $Z = -x_1 + 6x_2 \to min$, $\begin{cases} 5x_1 + 3x_2 \geq 11, \\ x_1 + 3x_2 \leq 19, \\ -7x_1 + 3x_2 \geq -37, \end{cases}$ $x_1 \geq 0, x_2 \geq 0.$

II. Задание

1. Построить математическую модель задачи.
2. Создать на рабочем листе Excel таблицу для ввода исходных данных.
3. Заполнить таблицу исходными данными и необходимыми формулами.
4. Найти решение задачи средствами надстройки Поиск решения.

Вариант 1

Для производства столов и шкафов мебельная фабрика использует необходимые ресурсы. Нормы затрат ресурсов на одно изделие данного вида, прибыль от реализации одного изделия и общее количество имеющихся ресурсов каждого вида приведены ниже.

Ресурсы	Нормы затрат ресурсов на одно изделие		Общее количество ресурсов
	Стол	Шкаф	
Древесина, $м^3$: 1-го вида 2-го вида	0,2 0,1	0,1 0,3	40 60
Трудоемкость, чел.ч.	1,2	1,5	371,4
Прибыль от реализации одного изделия, р.	6	8	

Определить, сколько столов и шкафов следует изготавливать фабрике, чтобы прибыль от их реализации была максимальной.

Вариант 2

Для производства двух видов изделий А и В используется токарное, фрезерное и шлифовальное оборудование. Нормы затрат времени для каждого из типов оборудования на одно изделие данного вида, общий фонд рабочего времени каждого из типов оборудования, а также прибыль от реализации одного изделия приведены ниже.

Тип оборудования	Затраты времени, стан-ч., на обработку одного изделия		Общий фонд полезного рабочего времени оборудования (час)
	А	В	

Фрезерное Токарное Шлифовальное	10 5 6	8 10 12	168 180 144
Прибыль от реализации одного изделия, р.	14	18	

Найти план выпуска изделий А и В, обеспечивающий максимальную прибыль от их реализации.

Вариант 3

Для изготовления трех видов изделий А, В и С используется токарное, фрезерное, сварочное и шлифовальное оборудование. Затраты времени на обработку одного изделия для каждого из типов оборудования, общий фонд рабочего времени каждого из типов используемого оборудования, прибыль от реализации одного изделия данного вида приведены ниже.

Тип оборудования	Затраты времени, стан.-ч, на обработку одного изделия вида			Общий фонд рабочего времени оборудования, ч.
	A	B	C	
Фрезерное	2	4	5	120
Токарное	1	8	6	280
Сварочное	7	4	5	240
Шлифовальное	4	6	7	360
Прибыль, р.	10	14	12	

Требуется определить, сколько изделий и какого вида следует изготовить предприятию, чтобы прибыль от их реализации была максимальной.

Вариант 4

Для поддержания нормальной жизнедеятельности человеку ежедневно необходимо потреблять не менее 118 г белков, 56 г жиров, 500 г углеводов, 8 г минеральных солей. Количество питательных веществ, содержащихся в 1 кг каждого вида потребляемых продуктов, а также цена 1 кг каждого из этих продуктов приведены ниже.

Питательные вещества	Содержание, грамм питательных веществ в 1 кг продуктов						
	Мясо	Рыба	Молоко	Масло	Сыр	Крупа	Картофель
Белки	180	190	30	10	260	130	21
Жиры	20	3	40	865	310	30	2
Углеводы	-	-	50	6	20	650	200
Минеральные соли	9	10	7	12	60	20	10
Цена 1 кг продуктов, р.	1,8	1,0	0,28	3,4	2,9	0,5	0,1

Составить дневной рацион, содержащий не менее минимальной суточной нормы потребности человека в необходимых питательных веществах при минимальной общей стоимости потребляемых продуктов.

Вариант 5

Кондитерская фабрика для производства трех видов карамели A, B, и C использует три вида основного сырья: сахарный песок, патоку и фруктовое пюре. Нормы расхода сырья каждого вида на производство 1 т карамели данного вида, общее количество сырья каждого вида, прибыль от реализации 1 т карамели приведены ниже.

Вид сырья	Нормы расхода сырья, т, на 1 т карамели			Общее количество сырья, т
	A	B	C	
Сахарный песок	0,8	0,5	0,6	800
Патока	0,4	0,4	0,3	600
Фруктовое пюре	–	0,1	0,1	120
Прибыль от реализации 1 т продукции, р.	108	112	126	

Найти план производства карамели, обеспечивающий максимальную прибыль от ее реализации.

Вариант 6

На швейной фабрике для изготовления четырех видов изделий может быть использована ткань трех артикулов. Нормы расхода тканей всех артикулов на пошив одного изделия, имеющееся в распоряжении фабрики общее количество тканей каждого артикула и цена одного изделия данного вида приведены ниже.

Артикул ткани	Норма расхода ткани, м, на одно изделие вида				Общее количество ткани, м
	1	2	3	4	
I	1	-	2	1	180
II	-	1	3	2	210
III	4	2	-	4	800
Цена одного изделия, р.)	9	6	4	7	

Определить, сколько изделий каждого вида должна произвести фабрика, чтобы стоимость изготовленной продукции была максимальной.

Вариант 7

Предприятие выпускает четыре вида продукции и использует три типа основного оборудования: токарное, фрезерное и шлифовальное. Затраты времени на изготовление единицы продукции для каждого из типов оборудования, общий фонд рабочего времени каждого из типов оборудования и прибыль от реализации одного изделия данного вида приведены ниже.

Тип оборудования	Затраты времени, стан.-ч, на единицу продукции вида				Общий фонд рабочего времени (станко-час)
	1	2	3	4	
Токарное	2	1	1	3	300

Фрезерное	1	–	2	1	70
Шлифовальное	1	2	1	–	340
Прибыль от реализации единицы продукции, р.	8	3	2	1	

Определить такой объем выпуска каждого из изделий, при котором общая прибыль от их реализации является максимальной.

Вариант 8

Торговое предприятие планирует организовать продажу четырех видов товара, используя при этом только два вида ресурсов: рабочее время продавцов в количестве 840 ч и площадь торгового зала 180 м^2.

Плановые нормативы затрат этих ресурсов в расчете на единицу товаров и прибыль от их продажи приведены ниже.

Показатели	Товар				Общее количество ресурсов
	A	B	C	D	
Расход рабочего времени на единицу товара, ч Использование площади торгового зала на единицу товара, м^2	0,6 0,1	0,8 0,2	0,6 0,4	0,4 0,1	840 180
Прибыль от продажи единицы товара, р.	5	8	7	9	

Требуется определить оптимальную структуру товарооборота, обеспечивающую торговому предприятию максимальную прибыль.

Вариант 9

Из четырех видов сырья необходимо составить смесь, в состав которой должно входить не менее 26 ед. химического вещества А, 30 ед. – вещества В и 24 ед. – вещества С. Количество единиц химического вещества, содержащегося в 1 кг сырья каждого вида, цена 1 кг сырья каждого вида приведены ниже.

Вещество	Количество единиц вещества, содержащегося в 1 кг сырья вида			
	1	2	3	4
A B C	1 2 1	1 – 2	– 3 4	4 5 6
Цена 1 кг сырья, р.	5	6	7	4

Составить смесь, содержащую не менее нужного количества веществ данного вида и имеющую минимальную стоимость.

Вариант 10

Для производства трех видов продукции предприятие использует два типа технологического оборудования и два вида сырья. Нормы затрат сырья и времени на изготовление одного изделия каждого вида, общий фонд рабочего времени каждой из групп технологиче-

ского оборудования, объемы имеющегося сырья каждого вида, цена одного изделия каждого вида, ограничения на возможный выпуск каждого из изделий приведены ниже.

Ресурсы	Нормы затрат на одно изделие вида			Общее количество ресурсов
	1	2	3	
Производительность оборудования в нормочасах:				
I типа	2	–	4	200
II типа	4	3	1	500
Сырье, кг:				
1-го вида	10	15	20	1 495
2-го вида	30	20	25	4 500
Цена одного изделия, р.	10	15	20	
Выпуск (шт.):				
минимальный	10	20	25	
максимальный	20	40	100	

Составить план производства продукции, по которому будет изготовлено необходимое количество изделий каждого вида, при максимальной общей стоимости всей изготовляемой продукции.

Вариант 11

При производстве четырех видов кабеля выполняется пять групп технологических операций. Нормы затрат на 1 км кабеля данного вида для каждой из групп операций, прибыль от реализации 1 км каждого вида кабеля, а также общий фонд рабочего времени, в течение которого могут выполняться эти операции приведены ниже.

Технологическая операция	Нормы затрат времени, ч, на обработку 1 км кабеля вида				Общий фонд рабочего времени, ч
	1	2	3	4	
Волочение	1,2	1,8	1,6	2,4	7 200
Наложение изоляций	1,0	0,4	0,8	0,7	5 600
Скручивание элементов в кабель Освин-	6,4	5,6	6,0	8,0	11 176
цовывание	3,0	–	1,8	2,4	3 600
Испытание и контроль	2,1	1,5	0,8	3,0	4 200
Прибыль от реализации 1 км кабеля, р.	1,2	0,8	1,0	1,3	

Определить план выпуска кабеля, при котором общая прибыль от реализации изготовляемой продукции является максимальной.

Вариант 12

Стальные прутья длиной 110 см необходимо разрезать на заготовки длиной 45, 35 и 50 см. Требуемое количество заготовок данного вида составляет соответственно 40, 30 и 20 шт. Возможные варианты разреза и величина отходов при каждом из них приведены ниже.

Длина заготовки, см.	Варианты разреза

	1	2	3	4	5	6
45 35 50	2 –	1 1 –	1 – 1	– 3 -	– 1 1	– – 2
Величина отходов, см.	20	30	15	5	25	10

Определить, сколько прутьев по каждому из возможных вариантов следует разрезать, чтобы получить не менее нужного количества заготовок каждого вида при минимальных отходах.

Вариант 13

Для производства трех видов изделий А, В, С предприятие использует четыре вида сырья. Нормы затрат сырья каждого вида на производство единицы продукции данного вида, прибыль от реализации одного изделия каждого вида приведены ниже.

Вид сырья	Нормы затрат сырья, кг, на единицу продукции		
	A	B	C
I	2	3	–
II	–	4	6
III	5	5	2
IV	4	–	7
Прибыль от реализации одного изделия	25	28	27

Изделия А, В и С могут производиться в любых соотношениях (сбыт обеспечен), но для их производства предприятие может использовать сырье I вида не более 200 кг, II вида – не более 120 кг, III вида – не более 180 кг, IV вида – не более 138 кг.

Определить план производства продукции, при котором общая прибыль предприятия от реализации всей продукции была бы наибольшей.

Вариант 14

Туристическое агентство собирается заказать издательству выпуск художественных альбомов трех типов А, В, С. Их изготовление лимитируется затратами ресурсов трех видов, удельные расходы которых приведены ниже.

Вид ресурса	Удельные затраты ресурсов на выпуск альбомов		
	A	B	C
Финансы, р. Бумага, л. Трудозатраты, чел. ч	2 4 1	1 2 1	4 2 2

Издательство для выполнения заказа получило финансовые средства в объеме 3 600 р, имеет в наличии 52 000 л. бумаги и может использовать трудовые ресурсы в объеме 2 200 чел./ч.

Агентство платит за выпуск одного альбома типа А – 22 р., за альбом типа В – 18 р., за альбом типа С – 30 р.
Сколько альбомов каждого типа должно выпустить издательство, чтобы получить наибольшую прибыль?

Вариант 15
Предприятие оптовой торговли может реализовать T_j, j = 1, 2, 3, 4 групп товаров. Для этого используется несколько видов ресурсов. Исходные данные для построения математической модели приведены ниже.

Лимитирующие ресурсы и показатели	Товарная группа				Объем ресурса	Вид ограничения
	T_1	T_2	T_3	T_4		
Складские площади, м^2	18	26	16	10	110 000	≤
Трудовые ресурсы, чел.ч	150	140	50	80	950 000	≤
Издержки обращения, ден. ед.	170	230	280	120	1 200 000	≤
Товарные запасы, ден. ед.	31	42	30	20	180 000	≤
План товарооборота, ден. ед.	200	150	170	50	750 000	≥
Минимально допустимые значения товарооборота по j-й группе, ед.	1 200	1 000	1 500	1 200		≥
Прибыль в расчете на единицу товарооборота j-й группы, ден. ед.	120	50	30	100		

Требуется определить план хозяйственной деятельности торгового предприятия, обеспечивающий максимум прибыли при заданных ограничениях на складские площади, трудовые ресурсы, издержки обращения, товарные запасы, величину товарооборота, если торговая прибыль в расчете на единицу товарооборота j -й группы задана.

III. Транспортная задача.

Производственное объединение в своём составе имеет n филиалов A_i, i=1, 2,…, n, которые производят однородную продукцию в количестве a_i, i=1, 2,…, n. Эту продукцию получают m потребителей B_j, j=1, 2, …, m, расположенных в разных местах. Их потребности соответственно равны b_j, j=1, 2, …, m. Тарифы перевозок единицы продукции от каждого из филиалов потребителям задаются матрицей C_{ij} (i=1, 2,…, n; j=1, 2, …, m).

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	…	B_m	
A_1	C_{11}	C_{12}	…	C_{1m}	a_1
A_2	C_{21}	C_{22}	…	C_{2m}	a_2
…	…	…	…	…	…
A_n	C_{n1}	C_{n2}	…	C_{nm}	a_n

Потребности	b_1	b_2		b_m	

1. Составить план прикрепления получателей продукции к ее поставщикам, при котором общая стоимость перевозок была минимальной.
2. Построить математическую модель задачи.
3. Создать на рабочем листе Excel таблицу для ввода исходных данных.
4. Заполнить таблицу исходными данными и необходимыми формулами.
5. Найти решение задачи средствами надстройки Поиск решения.

Вариант 1

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	18	2	3	12	180
A_2	3	4	8	7	160
A_3	4	5	6	12	140
A_4	7	1	5	6	220
Потребности	150	250	120	180	

Вариант 2

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	2	4	7	9	200
A_2	5	1	8	12	270
A_3	11	6	4	3	130
Потребности	120	80	240	160	

Вариант 3

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	2	3	4	3	90
A_2	5	3	1	2	60
A_3	3	1	4	2	150
Потребности	120	40	60	80	

Вариант 4

Филиалы	Потребители	Производство

	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	1	2	4	1	50
A_2	2	3	1	5	30
A_3	3	2	4	4	10
Потребности	30	30	10	20	

Вариант 5

Филиалы	Потребители					Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	B_5	
A_1	7	12	4	6	5	180
A_2	1	8	6	5	3	350
A_3	6	13	8	7	4	20
Потребности	110	90	120	80	150	

Вариант 6

Филиалы	Потребители					Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	B_5	
A_1	2	3	4	2	4	140
A_2	8	4	1	4	1	180
A_3	9	7	3	7	2	160
Потребности	60	70	120	130	100	

Вариант 7

Филиалы	Потребители					Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	B_5	
A_1	4	5	2	8	6	115
A_2	3	1	9	7	3	175
A_3	9	6	7	2	1	130
Потребности	70	220	40	30	60	

Вариант 8

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	4	5	3	7	280

A_2	7	6	2	9	175
A_3	1	3	9	8	125
A_4	2	4	5	6	130
Потребности	90	180	310	130	

Вариант 9

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	1	4	8	7	510
A_2	5	6	8	9	90
A_3	7	2	4	8	120
Потребности	270	140	200	110	

Вариант 10

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	6	7	3	2	180
A_2	5	1	4	3	90
A_3	3	2	6	2	170
Потребности	90	90	100	160	

Вариант 11

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	5	4	3	4	160
A_2	3	2	5	5	140
A_3	1	6	3	2	60
Потребности	80	80	70	130	

Вариант 12

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	4	2	3	1	80
A_2	6	3	5	6	100

A_3	3	2	6	3	70
Потребности	80	50	50	70	

Вариант 13

Филиалы	Потребители				Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	
A_1	6	7	3	2	180
A_2	5	1	4	3	90
A_3	3	2	6	2	160
Потребности	45	45	200	140	

Вариант 14

Филиалы	Потребители					Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	B_5	
A_1	5	3	2	4	8	160
A_2	7	6	5	3	1	90
A_3	8	9	4	5	2	140
Потребности	90	60	80	70	90	

Вариант 15

Филиалы	Потребители					Производство
	B_1	B_2	B_3	B_4	B_5	
A_1	7	12	4	8	5	180
A_2	1	8	6	5	3	350
A_3	6	13	8	7	4	20
Потребности	110	90	120	80	150	

IV. Задача о назначениях

На n типовых операций необходимо назначить n рабочих. Стоимость C_{ij} выполнения i-м рабочим j-й операции приведена в таблице. Требуется найти такие назначения рабочих, при которых все операции были бы выполнены, каждый рабочий занят только на выполнении одной операции, суммарная стоимость работ при этом была минимальной.

Рабочие	Операции			
	O_1	O_2	…	O_n

P_1	C_{11}	C_{12}	…	C_{1n}
P_2	C_{21}	C_{22}	…	C_{2n}
…	…	…	…	…
P_n	C_{n1}	C_{n2}	…	C_{nn}

1. Построить математическую модель задачи.
2. Создать на рабочем листе Excel таблицу для ввода исходных данных.
3. Заполнить таблицу исходными данными и необходимыми формулами.
4. Найти решение задачи средствами надстройки Поиск решения.

Вариант 1

Рабочие	Операции			
	O_1	O_2	O_3	O_4
P_1	60	52	45	40
P_2	65	46	45	52
P_3	72	50	70	44
P_4	30	30	50	62

Вариант 2

Рабочие	Операции			
	O_1	O_2	O_3	O_4
P_1	112	110	90	95
P_2	80	100	80	95
P_3	70	68	85	70
P_4	75	60	79	70

Вариант 3

Рабочие	Операции			
	O_1	O_2	O_3	O_4
P_1	20	15	20	14
P_2	22	10	12	15
P_3	12	22	20	30
P_4	10	12	15	14

Вариант 4

Рабочие	Операции

	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	16	12	23	12	20
P_2	20	15	20	14	18
P_3	22	10	12	15	20
P_4	11	22	20	30	12
P_5	10	12	15	14	15

Вариант 5

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	16	12	10	12	18
P_2	20	15	8	14	25
P_3	22	10	11	9	16
P_4	15	22	17	30	22
P_5	20	12	15	14	15

Вариант 6

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	11	8	9	10	9
P_2	9	10	8	14	15
P_3	10	12	12	9	11
P_4	12	10	11	30	10
P_5	14	12	13	14	12

Вариант 7

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	220	180	200	160	180
P_2	230	180	200	190	240
P_3	210	150	200	200	210
P_4	200	170	210	200	180
P_5	250	160	190	195	190

Вариант 8

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	50	80	90	80	70
P_2	70	50	95	90	85
P_3	58	85	80	59	95
P_4	60	60	75	60	70
P_5	65	65	70	71	68

Вариант 9

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	12	10	10	8	15
P_2	13	12	15	14	18
P_3	10	12	12	15	14
P_4	9	10	10	13	14
P_5	12	12	10	10	14

Вариант 10

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	22	20	16	18	25
P_2	23	22	25	24	28
P_3	20	15	22	25	24
P_4	19	20	20	23	24
P_5	22	22	20	20	24

Вариант 11

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	32	30	26	28	35
P_2	33	35	32	34	38
P_3	30	40	32	35	34
P_4	29	30	30	33	34

P_5	32	32	30	30	34

Вариант 12

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	320	270	270	280	350
P_2	330	350	320	340	380
P_3	300	380	320	350	340
P_4	290	300	300	330	340
P_5	320	320	300	320	340

Вариант 13

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	330	280	270	290	360
P_2	340	360	330	350	390
P_3	310	390	290	360	350
P_4	300	310	310	340	350
P_5	330	300	290	300	350

Вариант 14

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	295	245	235	255	325
P_2	305	290	295	315	355
P_3	275	355	255	325	315
P_4	265	270	275	300	315
P_5	295	265	250	265	315

Вариант 15

Рабочие	Операции				
	O_1	O_2	O_3	O_4	O_5
P_1	220	170	160	180	250
P_2	230	215	200	240	280

P_3	200	280	200	250	240
P_4	190	195	180	225	240
P_5	220	190	175	190	240

Критерии оценки:

№ п/п	Вид работы	Степень выполнения задания	Балл за выполнение работы в основной срок	Балл за выполнение работы в дополнительный срок	Дополнительные баллы
1.	Расчетно-графическая работа №1	Все задания выполнены правильно, имеются незначительные ошибки, недочеты	30	15	-
		В работе имеется более половины выполненных заданий, имеются задания, выполненные с ошибками в вычислениях	15-29	7-17	-
		Работа содержит менее половины верно выполненных заданий	0-10	0-6	-
2.	Расчетно-графическая работа №2	Все задания выполнены правильно, имеются незначительные ошибки, недочеты	30	15	-
		В работе имеется более половины выполненных заданий, имеются задания, выполненные с ошибками в вычислениях	15-29	7-17	-
		Работа содержит менее половины верно выполненных заданий	0-15	0-6	-
3.	Расчетно-графическая работа №3	Все задания выполнены правильно, имеются незначительные ошибки, недочеты	40	20	-

		В работе имеется более половины выполненных заданий, имеются задания, выполненные с ошибками в вычислениях	20-39	10-19	-
		Работа содержит менее половины верно выполненных заданий	0-19	0-9	-
4.	Дополнительное задание	Оценивается только полностью правильно решенное задание	-	-	20

3.2. Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация - (экзамен) проводится на основе суммарно набранных баллов по выполненным расчетно-графическим работам с учетом выполнения дополнительного задания на основании критериев их оценки.

Шкала оценивания результатов промежуточной аттестации (экзамен)

Суммарный балл результатов работы в семестре	0-39	40-59	60-79	80-100
Оценка за экзамен	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	отлично