Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Максимов Алексей Борисович
Должность: директор департамента по образовательной политике
Дата подписания: 08.09.2025 15:04:34
Уникальный программный ключ:
8db180d1a3f02ac9e60521a5672742735c18b1d6

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Московский политехнический университет»

УТВЕРЖДАЮ
Декан факультета
«Информационные технологии»
_____ / Д.Г. Демидов /
«17» февраля 2025 г.

Рабочая программа дисциплины

«ДИСКРЕТНАЯ МАТЕМАТИКА»

Направление подготовки:
09.03.01 Информатика и вычислительная техника

Образовательная программа (профиль):
«Разработка инженерного программного обеспечения»

Год начала обучения:
2025

Уровень образования:
бакалавриат

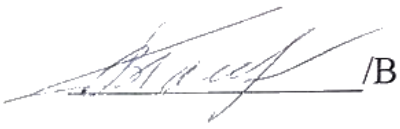
Квалификация (степень) выпускника:
Бакалавр

Форма обучения:
очная

Москва, 2025

Разработчик

Канд. физ.-мат. наук, доцент  /Е.А. Коган/

Зав. кафедрой «Математика»,
канд. техн. наук, доцент  /В.В. Галевко/

Содержание

1. Цели, задачи и планируемые результаты обучения по дисциплине…… 4
2. Место дисциплины в структуре образовательной программы…… 4
3. Структура и содержание дисциплины…… 5
   - 3.1. Виды учебной работы и трудоемкость……..... 5
   - 3.2. Тематический план изучения дисциплины…….. 5
   - 3.3. Содержание дисциплины……... 5
   - 3.4. Тематика семинарских/практических и лабораторных занятий……. 6
4. Учебно-методическое и информационное обеспечение…….. 7
   - 4.1. Нормативная литература…….. 7
   - 4.2. Основная литература……..... 7
   - 4.3. Дополнительная литература…….. 7
   - 4.4. Электронные образовательные ресурсы……... 8
   - 4.5. Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение…… 8
   - 4.6. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы 8
5. Материально-техническое обеспечение……..... 9
6. Методические рекомендации…….. 9
   - 6.1. Методические рекомендации для преподавателя по организации обучения... 9
   - 6.2. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины……..... 10
7. Фонд оценочных средств……..... 11

Приложение 1. Тематический план содержания дисциплины…… 12

Приложение 2. Фонд оценочных средств……..... 16

1. Методы контроля и оценивания результатов обучения…….. 16
2. Шкала и критерии оценивания результатов обучения…… 16
3. Оценочные средства……..... 17
   - 3.1. Текущий контроль…….. 18
   - 3.2. Промежуточная аттестация…… 24

1. Цели, задачи и планируемые результаты обучения по дисциплине

К **основным целям** освоения дисциплины «Дискретная математика» следует отнести:

- воспитание у студентов общей математической культуры;
- приобретение студентами широкого круга математических знаний, умений и навыков;
- развитие способности студентов к индуктивному и дедуктивному мышлению наряду с развитием математической интуиции;
- умение студентами развивать навыки самостоятельного изучения учебной и научной литературы, содержащей математические сведения и результаты;
- - формирование у студента требуемого набора компетенций, соответствующих его направлению подготовки и обеспечивающих его конкурентоспособность на рынке труда.

К **основным задачам** освоения дисциплины «Дискретная математика» следует отнести:

- освоение студентами основных понятий, методов, формирующих общую математическую подготовку, необходимую для успешного решения важных для практических приложений задач оптимизации;
- подготовку студентов к деятельности в соответствии с квалификационной характеристикой бакалавра по направлению, в том числе формирование умений использовать освоенные математические методы в профессиональной деятельности.

Обучение по дисциплине «Дискретная математика» направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций в соответствии с ФГОС 09.03.01 (уровень бакалавриата) по направлению подготовки 09.03.01 Информатика и вычислительная техника, утверждённым приказом Минобрнауки России от 19.09.2017 №929:

Код и наименование компетенций	Индикаторы достижения компетенции
ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Знает основы высшей математики, информатики и программирования. ОПК-1.2. Умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования. ОПК-1.3. Владеет методами теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности.

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к обязательной части блока Б1: Модуль «Математические дисциплины».

Дисциплина базируется на следующих пройденных дисциплинах:

- линейная алгебра;
- математический анализ.

Дисциплина «Дискретная математика» логически связана с последующими дисциплинами:

В обязательной части:

- комплексная математика и дифференциальные уравнения;
- основы программирования;
- базы данных;
- сети и телекоммуникации;
- теория вероятностей и математическая статистика;
- математическая логика и теория алгоритмов в практике программирования.

.В части, формируемой участниками образовательных отношений:

- численные методы и программирование;
- корпоративные информационные системы;
- программирование в системах автоматизированного проектирования;
- электротехника и электроника.

В части элективных дисциплин:

- бизнес-планирование.

3. Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных единиц - 144 часов.

3.1. Виды учебной работы и трудоемкость

п/п	Вид учебной работы	Количество часов	Семестр 5
	Аудиторные занятия	72	72
	В том числе:		
1.	Лекции	36	36
2.	Семинарские/практические занятия	36	36
	Лабораторные занятия	-	-
	Самостоятельная работа	72	72
	Промежуточная аттестация		
	экзамен	Э	Э
	Итого	144	144

3.2. Тематический план изучения дисциплины

Размещён в приложении 1 к рабочей программе.

3.3. Содержание разделов дисциплины

Введение

Предмет, задачи и содержание дисциплины. Основные этапы развития дисциплины. Структура курса, его место и роль в подготовке специалиста, связь с другими дисциплинами.

Раздел 1. Множества и соответствия.

Множества. Способы задания множеств. Операции над множествами, свойства операций. Соответствия между множествами. Прямое произведение множеств. Способы задания соответствий. Композиция соответствий. Отображения, их свойства. Функциональные отображения. Отношения на множестве. Бинарные отношения. Замыкание отношений. Отношения эквивалентности и порядка.

Раздел 2. Булевы функции

Высказывания и логические связки. Формулы логики высказываний. Общезначимые, выполнимые и противоречивые формулы. Основные законы логики. Булевы функции.

Нормальные формы. Разложение функции алгебры логики по переменным. Нормальные формы. Теорема о совершенной дизъюнктивной нормальной форме. Совершенная конъюнктивная нормальная форма. Минимизация булевых функций в классе ДНФ. Метод минимизирующих карт. Минимизация ДНФ методом Квайна. Минимизация частично-определенных булевых функций. Контактные схемы.

Полные системы. Примеры полных систем (с доказательством полноты). Теорема Жегалкина о представимости функции алгебры логики полиномом. Полином Жегалкина. Классы булевых функций. Теорема Поста о полноте. Алгоритм выражения произвольной булевой функции через функции полной системы.

Раздел 3. Элементы теории графов.

Основные понятия теории графов. Определения графов различного типа. Изоморфизм. Матричные и числовые характеристики графов. Части графа. Маршруты и связность. Вершинная связность и реберная связность. Деревья и циклы. Минимальные маршруты в нагруженных графах. Экстремальные графы.

Простейшие алгоритмы теории графов. Представления графов и деревьев в ЭВМ. Путь минимальной суммарной длины во взвешенном графе. Алгоритм Дейкстры. Гамильтоновы циклы. Задача коммивояжера. Кратчайшее остовное дерево. Алгоритм Краскала. Венгерский алгоритм построения совершенного паросочетания. Задача об оптимальном назначении.

Потоки в сетях. Теорема Форда – Фалкерсона; алгоритм Форда – Фалкерсона.

Раздел 4. Основы теории кодирования

Коды. Алфавитное кодирование. Разделимые коды. Критерий однозначности декодирования. Неравенство Макмиллана. Условие существования разделимого кода с заданными длинами кодовых слов

Оптимальные коды и их свойства. Лемма о редукции. Алгоритм Хаффмана построения оптимальных кодов.

Самокорректирующие коды. Коды с исправлением одной ошибки. Верхняя и нижняя оценки мощности максимального кода. Коды Хэмминга, их свойства. Алгоритм декодирования для кодов Хэмминга. Линейные коды.

Раздел 5. Элементы теории алгоритмов

Понятие алгоритма. Определение машины Тьюринг. Применение машин Тьюринга к словам. Конструирование машин Тьюринга. Вычислимые по Тьюрингу функции. Правильная вычислимость функций на машине Тьюринга. Композиция машин Тьюринга. Тезис Тьюринга (основная гипотеза теории алгоритмов). Машины Тьюринга и современные электронно-вычислительные машины.

Рекурсивные функции. Основные понятия теории рекурсивных функций и тезис Черча. Марковские подстановки. Нормальные алгоритмы и их применение к словам. Нормально вычислимые функции и принцип нормализации Маркова. Эквивалентность различных теорий алгоритмов.

3.4. **Тематика практических занятий по дисциплине «Дискретная математика»**

№ п/п	Тема занятия
1	Множества и операции над ними
2	Соответствия и отображения
3	Высказывания и формулы алгебры логики. Нормальные формы алгебры высказываний
4	Булевы функции. Нормальные формы
5	Минимизация булевых функций. Минимизация частично определенных булевых функций
6	Булева алгбера и теория множеств
7	Полные системы. Полиномы Жегалкина. Классы булевых функций. Теорема Поста о полноте
8	Применение булевых функций к релейно-контактным схемам
9	Основные понятия теории графов
10	Операции над графами. Маршруты. Количество маршрутов
11	Поиск кратчайших маршрутов. Эйлеров и гамильтонов циклы и пути
12	Деревья. Остов графа. Экстремальные графы
13	Простейшие алгоритмы теории графов
14	Потоки в сетях
15	Основные понятия теории кодирования. Оптимальные коды
16	Самокорректирующиеся коды
17	Понятие алгоритма. Машина Тьюринга. Рекурсивные алгоритмы. Нормальные алгоритмы Маркова.
18	Обзорное практическое занятие

4. Учебно-методическое и информационное обеспечение

4.1. Нормативные документы и ГОСТы

1. ФГОС 09.03.01. Информатика и вычислительная техника, утверждён приказом Минобрнауки России от 19.09.2017 №929.
2. Академический учебный план по направлению подготовки: 09.03.01. Информатика и вычислительная техника. Профиль: Интеграция и программирование в САПР. Форма обучения – очная. 2024.
3. Матрица соответствия компетенций 09.03.01. Информатика и вычислительная техника. Профиль: Разработка инженерного программного обеспечения. 2024/ 2025 год начала обучения.
4. Указ Президента Российской Федерации от 01.12.2016 № 642 «Стратегии научно-технологического развития Российской Федерации».
5. Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации от 23.08.2017 № 816 «Об утверждении Порядка применения организациями, осуществляющими образовательную деятельность, электронного обучения, дистанционных образовательных технологий при реализации образовательных программ».

4.2. **основная литература:**

1. Авдошин С.М., Набебин А.А. Дискретная математика. Алгоритмы: Теория и практика / М.: ДМК Пресс, 2019. 282 с.

2. Курс лекций. Элементы дискретной математики: учебное пособие // В.В. Показеев, Г.В. Черкесова, В.И. Матяш, М.Н. Кирсанов. М.: 2006. 239 с.

4.3. дополнительная литература:

1. Эвнин А.Ю. Задачник по дискретной математике. М.: Книжный дом «ЛИБРОКОМ», 2012.
2. Матяш В.И. Элементы дискретной математики. Основные понятия и определения. М.: МАМИ, 2005. 176 с.
3. Пустовойтов Н.Н. Ряды. Дискретная математика. Методические указания для студентов дневного отделения. М.: МГТУ «МАМИ», 2010. 64 с.
4. Кирсанов М.Н. Графы в Maple.Задачи, алгоритмы, программы / М.: Физматлит, 2007. 168 с.

4.4. Электронные образовательные ресурсы

Проведение занятий и аттестаций возможно в дистанционном формате с применением системы дистанционного обучения университета (СДО-LMS) на основе разработанных кафедрой «Математика» электронных образовательных ресурсов (ЭОР) по всем разделам программы:.

Дискретная математика	https://online.mospolytech.ru/local/crw/course.php?id=1040

Разработанные ЭОР включают тренировочные и итоговые тесты.
Порядок проведения работ в дистанционном формате устанавливается отдельными распоряжениями проректора по учебной работе и/или центром учебно-методической работы.

Каждый студент обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной библиотеке московского политеха
https://online.mospolytech.ru/course/view.php?id=7621&section=1 .
Интернет-ресурсы включают учебно-методические материалы в электронном виде, представленные на сайте mospolytech.ru в разделе: «Центр математического образования» (http://mospolytech.ru/index.php?id=4486,
http://mospolytech.ru/index.php?id=5822);
Полезные учебно-методические и информационные материалы представлены на сайтах:
http://exponenta.ru, *http://eqworld.ipmnet.ru/ru/info/mathwebs.htm*.
Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» для освоения дисциплины: www.matematikalegko.ru>studentu, www.i-exam.ru.

4.5. Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение

№	Наименование	Разработчик ПО (правообладатель)	Доступность (лицензионное, свободно распространяемое)	Ссылка на Единый реестр российских программ для ЭВМ и БД (при наличии)
1	Astra Linux Common Edition	ООО "РУСБИТЕХ-АСТРА"	Лицензионное	https://reestr.digital.gov.ru/reestr/305783/?sphrase_id=954036

2	МойОфис	ООО "НОВЫЕ ОБЛАЧНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ"	Лицензионное	https://reestr.digital.gov.ru/reestr/301558/?sphrase_id=943375

4.6. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Перечень ресурсов сети Интернет, доступных для освоения дисциплины:

	Наименование	Ссылка на ресурс	Доступность
Информационно-справочные системы			
	Stack Overflow	https://stackoverflow.com/	Доступна в сети Интернет без ограничений
	Информационные ресурсы Сети КонсультантПлюс	http:// www.consultant.ru	Доступно
	Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования	http://www.fgosvo.ru.	Доступно
Электронно-библиотечные системы			
	Лань	https://e.lanbook.com/	Доступна в сети Интернет без ограничений
	IPR Books	https://www.iprbookshop.ru/	Доступна в сети Интернет без ограничений
Профессиональные базы данных			
	База данных научной электронной библиотеки (eLIBRARY.RU)	http://www.elibrary.ru	Доступно
	Web of Science Core Collection – политематическая реферативно-библиографическая и наукометрическая (библиометрическая) база данных	http://webofscience.com	Доступно

5. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Материально – техническая база университета обеспечивает проведение всех видов занятий, предусмотренных учебным планом, и соответствует действующим санитарным и противопожарным правилам и нормам.

Кафедра «Математика» не располагает собственным аудиторным фондом и использует учебные аудитории из общего фонда университета.

При необходимости для проведения интерактивных практических занятий используются компьютерные классы университета.

6. Методические рекомендации

6.1. Методические рекомендации для преподавателя по организации обучения

Прежде всего, следует обратить внимание студентов на то, что практически весь изучаемый ими материал является для них новым, не изучавшимся ни в программе средней школы, ни в классических разделах высшей математики на первом курсе. Однако он вполне может быть успешно изучен, если студенты будут посещать занятия, своевременно выполнять домашние задания и пользоваться (при необходимости) системой плановых консультаций в течение каждого семестра.

Вошедшие в курс дискретной математики понятия практически имеют очень широкое распространение для решения разного рода естественнонаучных задач. Их освоение поможет студентам успешно применять накопленные знания в профессиональной деятельности.

Необходимо с самого начала занятий рекомендовать студентам основную и дополнительную литературу, а в конце семестра дать список вопросов для подготовки к экзамену.

На первом занятии по дисциплине обязательно проинформировать студентов о виде и форме промежуточной аттестации по дисциплине, сроках ёе проведения, условиях допуска к промежуточной аттестации, применяемых видах промежуточного контроля.

Изложение теоретического материала должно сопровождаться иллюстративными примерами, тщательно отобранными преподавателем так, чтобы технические трудности и выкладки при решении задачи не отвлекали от главного: осмысления идеи и сути применяемых методов. Следует всегда указывать примеры практического применения рассмотренных на занятиях уравнений и формул.

Практические занятия должны быть организованы преподавателем таким образом, чтобы оставалось время на периодическое выполнение студентами небольшой самостоятельной работы в аудитории для проверки усвоения изложенного материала.

Преподаватель, ведущий практические занятия, должен согласовывать учебно – тематический план занятий с лектором, использовать единую систему обозначений.

Преподавателю следует добиваться систематической непрерывной работы студентов в течение семестра, необходимо выявлять сильных студентов и привлекать их к научной работе, к участию в разного рода олимпиадах и студенческих научно-технических конференциях и конкурсах.

Студент должен ощущать заинтересованность преподавателя в достижении конечного результата: в приобретении обучающимися прочных знаний, умений и владения накопленной информацией для решения задач в профессиональной деятельности.

6.1.1. **Образовательные технологии**

Проведение занятий и аттестаций возможно в дистанционном формате с применением системы дистанционного обучения университета (СДО-LMS) на основе разработанных кафедрой «Математика» электронных образовательных ресурсов (ЭОР) по всем разделам программы (см. п. 4.4).

Порядок проведения работ в дистанционном формате устанавливается отдельными распоряжениями проректора по учебной работе и/или центром учебно-методической работы.

6.2. **Методические указания для обучающихся по освоению**

дисциплины

Дискретная математика — область математики, занимающаяся изучением дискретных структур, которые возникают как в пределах самой математики, так и в её приложениях.
К числу таких структур могут быть отнесены конечные группы, конечные графы, а также некоторые математические модели преобразователей информации, конечные автоматы, машины Тьюринга и так далее.

При изучении уравнений дискретной математики следует, прежде всего, обратить внимание на такое фундаментальное понятие математики как понятие множества, на способы задания, операции над множествами и их свойства.

Необходимо изучить соотношения между булевыми операциями, логическими операциями логики высказываний и операциями над множествами. Так как высказывания, умозаключения – это то, с чем мы имеем дело постоянно в повседневной жизни, то умению переводить их на математический язык надо научиться на практических занятиях и в ходе выполнения расчетно-графических работ. Именно переход к математической формулировке задачи (то есть ее математическое моделирование) позволяет далее найти пути решения и провести параметрическое исследование.

При изучении математической логики и теории графов потребуется строить некоторые матрицы данных отношений или заданных графов. Здесь понадобится знание понятия матрицы, действий над ними, изучавшиеся ранее.

Теория графов – один из разделов современной математики, имеющий большое прикладное значение. Проблемы оптимизации тепловых, газовых и электрических сетей, вопросы совершенствования алгоритмов и создание новых химических соединений связаны с фундаментальными свойствами таких кажущихся абстрактными математических объектов, как графы.

Для освоения методов теории графов обязательно рисуйте заданный или построенный граф. Научитесь свободно определять его вершины, ребра. Это поможет вам находить орграф, видеть в графе различные маршруты, цепи, циклы и находить требуемые. Уясните, что любой граф может быть охарактеризован матрицами инцидентности и смежности. Обратите внимание на то, что размерность матрицы инцидентности определяется числом вершин и ребер графа, а матрица смежности является квадратной.

При рассмотрении использования дискретной математики в прикладных задачах обратите внимание и изучите, к примеру, задачу поиска кратчайшего пути, задачи для экстремальных графов (алгоритм Краскала).

7. Фонд оценочных средств

Фонд оценочных средств представлен в Приложении 2 к рабочей программе и включает разделы:
1. Методы контроля и оценивания результатов обучения.
2. Шкала и критерии оценивания результатов обучения.
3. Оценочные средства.
3.1. Текущий контроль.
3.2. Промежуточная аттестация.

Приложение 1

Структура и содержание дисциплины «Дискретная математика»
по направлению подготовки
09.03.01 «Информатика и вычислительная техника»
Образовательная программа (профиль)
«Разработка инженерного программного обеспечения»
(Бакалавр)
Очная форма обучения
(2024 год набора)

n/n	Раздел	Семестр	Неделя Семестра	Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов, и трудоемкость в часах					Виды самостоятельной работы Студентов					Формы аттестации	
				Л	П/С	Лаб	СРС	КСР	К.Р.	К.П.	РГР	Реферат	К/р	Э	З
Пятый семестр															
1.1	**Введение. Раздел 1. Множества и соответствия.** Множества. Способы задания множеств. Операции над множествами, свойства операций. Соответствия между множествами. Прямое произведение множеств. Способы задания	5	1	2	2		4				+				

	соответствий. Композиция соответствий. **Выдача расчетно-графической работы**														
1.2	Отображения, их свойства. Функциональные отображения. Отношения на множестве.	5	2	2	2		4								
1.3	**Раздел 2. Булевы функции** Высказывания и формулы алгебры логики. Нормальные формы алгебры высказываний	5	3	2	2		4								
1.4	Булевы функции. Теорема о числе булевых функций. Дизъюнктивные и конъюнктивные нормальные формы. Совершенные формы.	5	4	2	2		4								
1.5	Минимизация булевых функций. Графический метод, карты Карно, метод Квайна. Минимизация частично определенных булевых функций.	5	5	2	2		4								
1.6	Булева алгебра и теория множеств. Двойственные логические функции.	5	6	2	2		4								
1.7	Полные системы логических функций. Полином Жегалкина. Теорема Поста о полноте. Алгоритм выражения любой булевой функции через функции полной системы.	5	7	2	2		4								
1.8	Применение булевых функций к РКС. Некоторые логические элементы микросхем.	5	8	2	2		4								
1.9	**Раздел 3. Элементы теории графов** Основные понятия теории графов. Ориентированные и неориентированные графы. Элементы графа: вершины, ребра, дуги. Геометрические графы.	5	9	2	2		4								

	Числовые характеристики графов. Части графов. Изоморфизм и гомеоморфизм графов.														
1.10	Операции над графами. Маршруты. Количество маршрутов Матричное представление графов. Матрица смежности. Матрица инцидентности. Связность графа. Матрица связности. Выделение компонент связности. **Самостоятельная работа №1 (в аудитории)**	5	10	2	2		4						+		
1.11	Задачи поиска маршрутов в графе. Поиск маршрутов с минимальным числом ребер. Связные компоненты графа. Слабые и сильные орграфы. Вершинная связность и реберная связность. Расстояния в графе. Диаметр, радиус и центр графа. Расстояния между вершинами графа. Эксцентриситет вершины. Диаметр графа. Центр графа. Обходы графов.	5	11	2	2		4								
1.12	Деревья. Свойства деревьев. Типы вершин дерева и его центры. Корневые деревья. Остов связанного графа. Определение количества различных остовов. Выделение минимального остовного дерева связного графа. Метод ветвей и границ. Экстремальные графы.	5	12	2	2		4								
1.13	Простейшие алгоритмы теории графов. Путь минимальной суммарной длины во взвешенном графе. Алгоритм Дейкстры.	5	13	2	2		4								

	Задача коммивояжера. Венгерский алгоритм построения совершенного паросочетания (задача об оптимальном назначении). Раскраска графа.														
1.14	Потоки в сетях. Теорема Форда – Фалкерсона; алгоритм Форда – Фалкерсона.	5	14	2	2		4								
1.15	**Раздел 4. Основы теории кодирования** Коды. Алфавитное кодирование. Разделимые коды. Критерий однозначности декодирования. Неравенство Макмиллана. Условие существования разделимого кода с заданными длинами кодовых слов Оптимальные коды и их свойства. Лемма о редукции. Алгоритмы Фано и Хаффмана построения оптимальных кодов.	5	15	2	2		4								
1.16	Самокорректирующие коды. Коды с исправлением одной ошибки. Верхняя и нижняя оценки мощности максимального кода. Коды Хэмминга, их свойства. Алгоритм декодирования для кодов Хэмминга. Линейные коды. **Самостоятельная работа №2 (в аудитории)**	5	16	2	2		4							+	
1.17	Понятие алгоритма. Машины Тьюринга их применение к словам и конструирование машин Тьюринга. Рекурсивные функции. Нормальные алгоритмы Маркова.	5	17	2	2		4								
1.18	Обзорная лекция	5	18	2			4								
	Обзорное практическое занятие	5	18		2										

	Форма аттестации		**19-21**											**Э**	
	Всего часов по дисциплине в третьем семестре			**36**	**36**		**72**				**1 РГР**		**2 сам. раб.**		

Приложение 2

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
ПО ДИСЦИПЛИНЕ
«Дискретная математика»

Направление подготовки: 09.03.01. Информатика и вычислительная техника.
Профиль: Разработка инженерного программного обеспечения.
Форма обучения: очная.

Кафедра: «Математика»

1. Методы контроля и оценивания результатов обучения

Для контроля успеваемости и качества освоения дисциплины настоящей программой предусмотрены следующие виды контроля:

- контроль текущей успеваемости (текущий контроль);
- промежуточная аттестация (экзамен).

2. Шкала и критерии оценивания результатов обучения

Форма промежуточной аттестации: экзамен

Промежуточная аттестация обучающихся в форме экзамена проводится по результатам выполнения всех видов учебной работы, предусмотренных учебным планом по данной дисциплине, при этом учитываются результаты текущего контроля успеваемости в течение семестра. Оценка степени достижения обучающимися планируемых результатов обучения по дисциплине проводится преподавателем, ведущим занятия по дисциплине методом экспертной оценки. По итогам промежуточной аттестации по дисциплине выставляется оценка «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

Шкала оценивания	Описание
Отлично	Выполнены все **обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации**, предусмотренные программой дисциплины. Студент демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков показателям, приведенным в таблицах, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками, применяет их в ситуациях повышенной сложности. При этом могут быть допущены незначительные ошибки, неточности, затруднения при переносе знаний и умений на новые, нестандартные задачи.
Хорошо	Выполнены все **обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации**, предусмотренные программой дисциплины. Студент демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков показателям, приведенным в таблицах, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками. В то же время при ответе допускает несущественные погрешности, задачи решает с недочетами, не влияющими на общий ход решения.

Удовлетворительно	Выполнены все **обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации**, предусмотренные программой дисциплины. Студент демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков показателям, приведенным в таблицах, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками. Но показывает неглубокие знания, при ответе не допускает грубых ошибок или противоречий, однако в формулировании ответа отсутствует должная связь между анализом, аргументацией и выводами, в решении задач могут содержаться грубые ошибки. Для получения правильного ответа требуются уточняющие вопросы.
Неудовлетворительно	Не выполнены **обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации**, предусмотренные программой дисциплины, ИЛИ студент демонстрирует неполное соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах, допускаются значительные ошибки, проявляется отсутствие знаний, умений, навыков по ряду показателей, студент испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями.

3. Оценочные средства

№ п/п	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в ФОС
1	Контрольная (самостоятельная) работа (КР)	Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу	Контрольные задания
2	Расчетно-графическая работа (РГР)	Средство проверки умений применять полученные знания по заранее определенной методике для решения задач или заданий по модулю или дисциплине в целом.	Комплект заданий для выполнения расчетно-графической работы
3	Устный опрос собеседование, (УО)	Средство контроля, организованное как специальная беседа педагогического работника с обучающимся на темы, связанные с изучаемой дисциплиной, и рассчитанное на выяснение объема знаний обучающегося по определенному разделу, теме, проблеме и т.п.	Вопросы по темам/разделам дисциплины
4	Тест (Т)	Система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений обучающегося.	Вариант теста
5	Экзаменационные билеты (ЭБ)	Средство проверки знаний, умений, навыков. Может включать комплекс теоретических вопросов, задач, практических заданий.	Экзаменационные билеты

3.1. Текущий контроль

Оценочные средства текущего контроля успеваемости включают контрольные вопросы и задания в форме бланкового тестирования для контроля освоения обучающимися разделов дисциплины, прием РГР.

Содержание расчетно-графической работы.

Операции над множествами. Транзитивное замыкание отношения, алгоритм Уоршолла. Алгебраические структуры. Элементы математической логики. Неориентированный и ориентированный графы, минимальный остов графа.

Комплект тестовых заданий и контрольных работ (Т, КР)
(для оценки компетенции ОПК-3)
по дисциплине
Дискретная математика
(наименование дисциплины)

Дано универсальное множество U={1,2,3,4,5,6,7} и в нем подмножества A={x| x < 5}, B={2,4,5,6}, C={1,3,5,6}.

Найти $A \cup B$ (Указать правильные варианты ответов).

a. {1,2,2,3,4,4,5,6}
b. {1,2,3,4,5,6}
c. {x| $x < 7$, $x \in U$ }
d. {1,3}
e. {3,4,2,5,1,6}

Дано высказывание: «Если температура выше нуля, то лёд растает и дерево всплывет».
Какая формула соответствует данному высказыванию.

$A \to B$

$A \wedge B$

$A \leftrightarrow B$

$A \to (B \wedge C)$

$A \vee B$

Какая из булевых функций записана в конъюнктивной нормальной форме (КНФ)?

$(x \wedge y \wedge \bar{z}) \vee (\bar{x} \wedge \bar{z})$

$\overline{(x \vee y)} \wedge x$

$\overline{(x \wedge y)} \wedge x$

$(x \vee y \vee \bar{z}) \wedge (\bar{x} \vee \bar{z})$

$\overline{(x \vee y)} \vee x$

Граф G задан следующей матрицей смежности:

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Найти радиус $r(G)$ графа.

Справедлив ли дистрибутивный закон?

$$A \otimes (B \cup C) = (A \otimes B) \cup (A \otimes C)$$

a. да
b. нет

Какое из составных высказываний является противоречием?

$\leftarrow(A \vee \leftarrow A)$

$A \leftrightarrow B$

$A \vee B$

$A \wedge B$

$A \rightarrow B$

Примените марковскую подстановку $ab \rightarrow dc$ к слову abcddacba.

dccddacba
ddcdcdcca
dccdddda
dccaaaaaa
dccdcccccc

Дана система команд автомата: $q_0 0 \rightarrow q_1 0L$; $q_1 0 \rightarrow q_f 1$; $q_0 1 \rightarrow q_0 1L$; $q_1 1 \rightarrow q_1 1L$. Для конфигурации $1q_0 0$ какое из слов будет на выходе из автомата.

000
110
0101
1110
0111

Какой из графов является эйлеровым?

$$A_1(G) = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \qquad A_2(G) = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A_3(G)=\begin{bmatrix}0&1&0&0&0\\1&0&1&1&0\\0&1&0&1&1\\0&1&1&0&0\\0&0&1&0&0\end{bmatrix} \qquad A_4(G)=\begin{bmatrix}0&0&0&0&1\\0&0&1&1&0\\0&1&0&1&1\\0&1&1&0&0\\1&0&1&0&0\end{bmatrix}$$

Какой из графов является гамильтоновым?

$$A_1(G)=\begin{bmatrix}0&1&1&0&1\\1&0&1&1&0\\1&1&0&1&1\\0&1&1&0&1\\1&0&1&1&0\end{bmatrix} \qquad A_2(G)=\begin{bmatrix}0&0&1&0&0\\0&0&0&1&0\\1&0&0&1&1\\0&1&1&0&0\\0&0&1&0&0\end{bmatrix}$$

$$A_3(G)=\begin{bmatrix}0&1&0&0&0\\1&0&1&1&0\\0&1&0&1&1\\0&1&1&0&0\\0&0&1&0&0\end{bmatrix} \qquad A_4(G)=\begin{bmatrix}0&1&0&0&1\\1&0&0&1&0\\0&0&0&1&1\\0&1&1&0&1\\1&0&1&1&0\end{bmatrix}$$

Постройте код Хемминга для сообщения f=11001110000111. В ответе проверочные биты должны находиться в сообщении.

При передаче сообщения, закодированного по Хеммингу, было получено сообщение f=1111100111100001111. Произошла ли ошибка при передаче? Если да, то указать в каком бите (порядковый номер при записи с использованием вспомогательных таблиц. Указать 0 - если ошибки при передаче не было).

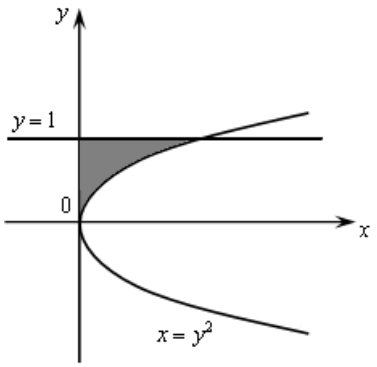
Оценка «отлично» выставляется студенту за 90 – 100% правильных ответов,
оценка «хорошо» - за не менее 75% правильных ответов;
оценка «удовлетворительно» - за не менее 50-60% правильных ответов;
оценка «неудовлетворительно» - за менее 50 % правильных ответов.

Комплект заданий для выполнения
расчетно-графических работ (РГР)
по дисциплине
Дискретная математика
(наименование дисциплины)

Расчетно-графические задания

1. Универсальное множество состоит из 26 строчных букв латинского алфавита. Заданы множества A, B, C и D (Приложение 1). Вычислить мощность множеств X и Y.

2. Задайте множество, указанное на рисунке с использованием характеристического свойства множества:



3. Проиллюстрировать равенство при помощи диаграмм Эйлера-Венна: (A∩B) \ (A∩C) = (A∩B) \C.

4. Отношение задано матрицей (Приложение 2). Исследовать отношение на симметрию, антисимметрию, асимметрию, рефлексивность, антирефлексивность. Найти транзитивное замыкание отношения.

5. На множестве упорядоченных пар $x_0 = (0,0)$, $x_1 = (1,0)$, $x_2 = (0,1)$, $x_3 = (1,1)$ задана бинарная мультипликативная операция. Произведение задано по правилу $A * B$, записанному в таблице (Приложение 3). Является ли полугруппой структура $(X,*)$, где $X = \{x_0, x_1, x_2, x_3\}$? Составить таблицу Кэли структуры.

6. Построив соответствующую таблицу значений, выясните, равны ли следующие булевы функции

$$f(x,y,z) = (x + z')'(y + x'z)', \quad g(x,y,z) = y + (z \to x)'$$

7. Постройте минимальную ДНФ для функции тремя разными способами (графическим способом, картами Карно, методом Квайна): f=01011101.

8. Для функции, заданной в векторном виде постройте полином Жегалкина тремя разными способами (методом неопределенных коэффициентов, преобразованием СДНФ, с использованием треугольника): f=10111011.

9. Для булевой функции найдите представляющий ее полином Жегалкина:

$$xz \vee (x + z)y \vee x'z'$$

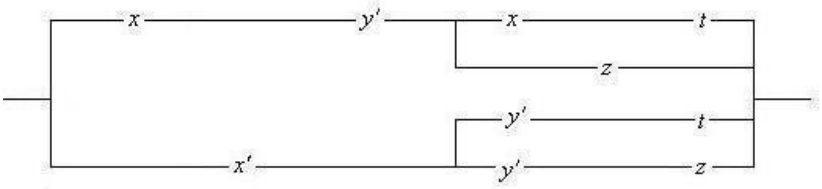
10. Докажите, что одна из функций двойственна другой:

$$xyz + xy + xz + y + 1, \quad xyz + yz + x + y$$

11. Постройте релейно-контактную схему с заданной функцией проводимости:

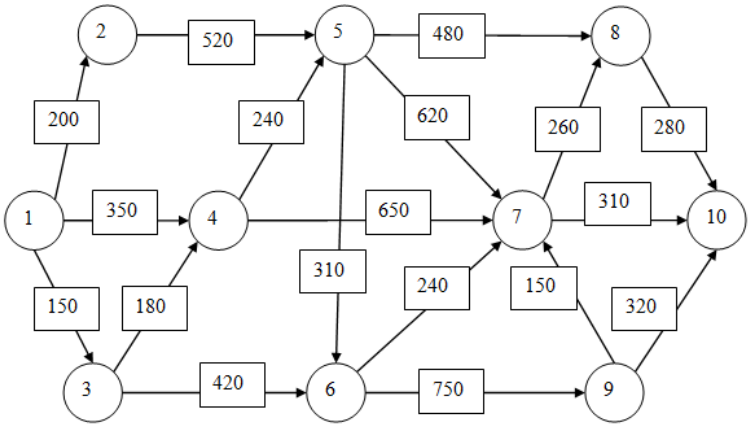
$$(x + y') \vee (x + z)(y' + z')$$

12. Упростите релейно-контактную схему:



13. Задана система булевых функций f_1=10110010 и f_2=00111111. Проверьте данную систему на полноту. Выполнить полную проверку для обеих функций.

14. Логистическая компания проектирует (нефтепровод) газопровод между 10 населенными пунктами. Транспортная сеть показана на рис. Расстояния указаны в километрах. Определить кратчайший путь между узлами 1 и всеми остальными узлами.



15. По заданной матрице весов графа найти величину минимального пути от вершины x_1 до каждой из вершин по алгоритму Дейкстры (в матричном виде):

	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6
x_1	0	15	10	∞	∞	∞
x_2	∞	0	∞	∞	12	18
x_3	∞	10	0	9	12	19
x_4	∞	∞	∞	0	∞	13
x_5	3	∞	∞	11	0	14
x_6	∞	∞	4	∞	∞	0

16. Дан орграф. Найти число маршрутов длины 2 из вершины № 3 в № 2, число маршрутов в графе длины 3 и маршрутов длины 4 (Задание в соответствии с вариантом возьмите в «Приложение 4»).

17. Дан взвешенный граф. Найти остов минимального веса (экстремальное дерево). Задание в соответствии с вариантом возьмите в «Приложение 5».

18. Для графа *G*, заданного матрицей весов, построить минимальный по весу остов и найти его вес:

	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	x_7
x_1	0	3	8	12	7	∞	16
x_2	3	0	4	∞	9	∞	∞
x_3	8	4	0	5	7	11	∞
x_4	12	∞	5	0	10	6	4
x_5	7	9	7	10	0	5	∞
x_6	∞	∞	11	6	5	0	5
x_7	16	∞	∞	4	∞	5	0

19. Найти гамильтонов цикл наименьшей длины (решить задачу коммивояжера):

	1	2	3	4	5	6
1	0	39	45	2	51	33
2		0	20	33	40	35
3			0	55	22	56
4				0	18	43
5					0	25
6						0

20. Орграф задан матрицей смежности. Необходимо:

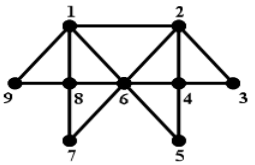
а) нарисовать граф;

б) заменить все дуги ребрами и в полученном неориентированном графе найти эйлерову цепь (или цикл);

в) провести раскраску графа и найти его хроматическое число.

1 0 0 0 0 1
0 0 0 0 0 1
0 1 1 1 0 0
0 1 0 1 0 1
0 0 1 0 0 0
0 1 0 1 1 1

21. Для данного графа определить, есть ли в нем эйлеров цикл и, если есть, найти его.



22. При помощи венгерского алгоритма решите задачу на максимум для двудольного графа, заданного матрицей:

$$C = \begin{pmatrix} 4 & 6 & 3 & 5 \\ 3 & 4 & 8 & 4 \\ 5 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 5 & 8 & 4 \end{pmatrix}.$$

23. а) Построить код Фано и Хаффмана для списка сообщений с заданным распределением частот. Определить стоимость кода.

S	T	U	V	W	X	Y	Z
0,15	0,1	0,15	0,15	0,1	0,1	0,15	0,1

б) Построить код Хэмминга для заданного сообщения 11001011. Внести ошибку в 6 разряд, и проведя декодирование, подтвердить место ошибки.
Варианты заданий прилагаются.

Критерии оценки:
- оценка «зачтено» выставляется студенту, если он регулярно в течение семестра представлял решения задач, выполнил полностью все задания и их защитил, ответив на вопросы преподавателя;
- оценка «не зачтено» выставляется студенту, если он нерегулярно в течение семестра представлял решения задач, выполнил задания не полностью или вообще не представлял работы на проверку, допускает существенные неточности в ответах на вопросы преподавателя.

Для проведения текущего контроля знаний студентов в дистанционном формате в разработанных кафедрой «Математика» онлайн-курсах имеются промежуточные (пробные) тесты.

3.2. Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация - (экзамен) проводится по билетам в устной форме.
Время для подготовки ответа на вопросы не более 45 мин.
Билет включает теоретический вопрос и задачи.
Комплекты экзаменационных билетов хранятся на кафедре «Математика».
Типовые варианты билетов прилагаются.

Комплект вопросов

1. Множества. Способы задания множеств.
2. Пустое и универсальное множества.
3. Операции над множествами. Свойства операций над множествами.
4. Булеан. Мощность множества. Мощность булеана.
5. Упорядоченная пара. Прямое произведение. Свойства прямого произведения.
6. Соответствие. Область определений. Область значений. Сечение соответствия. Обратное, полное, пустое соответствие. Способы задания соответствий.
7. Булевые матрицы. Композиция соответствия. Логическая сумма и произв. Булевая матрица.
8. Отображения. Функциональность отображения. Образ и прообраз.
9. Характеристика функции. Свойства характеристики функции.
10. Свойства отображений.
11. Сюрьективные, инъективные, биективные отображения.
12. Композиция отображений.
13. Единичное отображение. Обратное отображение.
14. Теорема о биективном обратном отображении.
15. Замыкание отношения. Построение транзитивного замыкания.
16. Алгоритм Уоршолла.

17. Отношения эквивалентности и отношения
18. Логические операции. Логические связки. Таблица истинности. Примеры
19. Формулы логические. Общезначимые, противоречивые, выполнимые.
20. Основные законы логики.
21. Булевы функции.
22. Дизъюнктивные и конъюктивные нормальные формы. СДНФ, СКНФ.
23. Упрощение переключательных схем.
24. Булева алгебра. Полные системы логических функций. Штрих Шеффера, стрелка Пирса, полином Жегалкина.
25. Основные понятия теории графов. Определения графов различного типа.
26. Изоморфизм.
27. Матричные и числовые характеристики графов.
28. Части графа. Маршруты и связность. Вершинная связность и реберная связность.
29. Деревья и циклы.
30. Минимальные маршруты в нагруженных графах.
31. Экстремальные графы. Некоторые прикладные задачи теории графов.

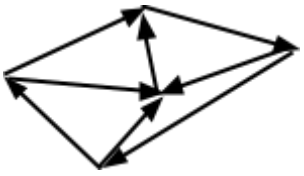
Типовые варианты билетов

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХ)

Факультет базовых компетенций, кафедра математики
Дисциплина «Дискретная математика»
Образовательная программа 09.03.03 Прикладная информатика

Билет № 1

1. Упорядоченная пара. Прямое произведение. Свойства прямого произведения.
2. Постройте минимальную ДНФ для функции $f = (xy') \to \big((x+z) \downarrow (yz)\big) \vee xy \vee zx$.
3. Проверьте систему функций на полноту f_1=10001001, f_2=00110011 (провести полную проверку для обеих функций).
4. Построить код Фано для символов {a,b,c,d,e,f,g,h} имеющих соответственно вероятности {0,2; 0,15; 0,1; 0,1; 0,16; 0,09; 0,08; *}, где * - правильная вероятность для последнего символа.
5. Найдите число маршрутов длины 3 в графе:



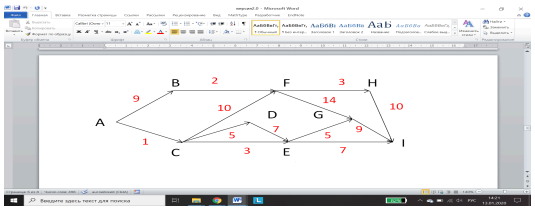
Утверждено на заседании кафедры математики «03» 05 2023 г., протокол № 10

И.о. зав. кафедрой Н.В. Васильева /_____/

Билет № 2

1. Множества. Способы задания множеств. Пустое и универсальное множества.

2. Постройте полином Жегалкина функции $f=(xy')\to((x+z)\downarrow(yz))\vee xy\vee zx$.
3. Построить код Хаффмана для символов {a,b,c,d,e,f,g,h} имеющих соответственно вероятности {0,2; 0,15; 0,1; 0,1; 0,16; 0,09; 0,08; *}, где * - правильная вероятность.
4. Постройте и по возможности упростите РКС функции:
   $f=(xy')\to((xz)\downarrow(y\equiv z))\vee zx$.
5. Найдите максимальный поток



Утверждено на заседании кафедры математики «03» 05 2023 г., протокол № 10

И.о. зав. кафедрой Н.В. Васильева /_____/

Билет № 3

1. Основные понятия теории графов. Определения графов различного типа. Изоморфизм графов.
2. Универсальное множество состоит из 26 строчных букв латинского алфавита. Вычислить мощность множества $X=(A\setminus B)\cap(C\cup D)$, где $A=\{c,f,g,k\}, B=\{e,f,m,q\}$ $C=\{h,i,r,w,x\}, D=\{b,e,j,u,v,z\}$.
3. Постройте СДНФ функции: $f=((x+z)\downarrow(yz))\to(x'y\vee zx)$.
4. Для сообщения 1001001110110 построить код Хэмминга.
5. Найти транзитивное замыкание отношения $M=\begin{vmatrix}1&0&0&0\\1&1&0&1\\0&1&0&0\\1&1&1&0\end{vmatrix}$

Утверждено на заседании кафедры математики «03» 05 2023 г., протокол № 10

И.о. зав. кафедрой Н.В. Васильева /_____/

Для проведения промежуточного контроля знаний студентов в дистанционном формате в разработанном кафедрой «Математика» онлайн-курсе имеется итоговый тест.